

# 5 Anfragebearbeitung

---

## Übersicht

5.1 Einleitung

5.2 Indexstrukturen

5.3 Grundlagen der Anfrageoptimierung

5.4 Logische Anfrageoptimierung

5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

5.6 Implementierung der Joinoperation

219

---

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

---

### Äquivalenzregeln der Relationalen Algebra

- Join, Vereinigung, Schnitt und Kreuzprodukt sind kommutativ

$$\begin{aligned} R \bowtie S &= S \bowtie R \\ R \cup S &= S \cup R \\ R \cap S &= S \cap R \\ R \times S &= S \times R \end{aligned}$$

- Join, Vereinigung, Schnitt und Kreuzprodukt sind assoziativ

$$\begin{aligned} R \bowtie (S \bowtie T) &= (R \bowtie S) \bowtie T \\ R \cup (S \cup T) &= (R \cup S) \cup T \\ R \cap (S \cap T) &= (R \cap S) \cap T \\ R \times (S \times T) &= (R \times S) \times T \end{aligned}$$

- Selektionen sind untereinander vertauschbar

$$\sigma_{Bed1}(\sigma_{Bed2}(R)) = \sigma_{Bed2}(\sigma_{Bed1}(R))$$

220

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

---

### Äquivalenzregeln d. Relationalen Algebra (cont.)

- Konjunktionen in einer Selektionsbedingung können in mehrere Selektionen aufgebrochen werden, bzw. nacheinander ausgeführte Selektionen können zu einer konjunktiven Selektion zusammengefasst werden

$$\sigma_{B_1 \wedge B_2 \wedge \dots \wedge B_n}(R) = \sigma_{B_1}(\sigma_{B_2}(\dots(\sigma_{B_n}(R))\dots))$$

- Geschachtelte Projektionen können eliminiert werden

$$\pi_{A_1}(\pi_{A_2}(\dots(\pi_{A_n}(R))\dots)) = \pi_{A_1}(R)$$

Damit eine solche Schachtelung sinnvoll ist, muss gelten:

$$A_1 \subseteq A_2 \subseteq \dots \subseteq A_n$$

- Selektion und Projektion sind vertauschbar, falls die Projektion keine Attribute der Selektionsbedingung entfernt

$$\pi_A(\sigma_B(R)) = \sigma_B(\pi_A(R)), \text{ falls } \text{attr}(B) \subseteq A$$

221

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

---

### Äquivalenzregeln d. Relationalen Algebra (cont.)

- Selektion und Join (Kreuzprodukt) können vertauscht werden, falls die Selektion nur Attribute eines der beiden Join-Argumente verwendet

$$\begin{aligned} \sigma_B(R \bowtie S) &= \sigma_B(R) \bowtie S \\ \sigma_B(R \times S) &= \sigma_B(R) \times S \end{aligned}, \text{ falls } \text{attr}(B) \subseteq \text{attr}(R)$$

- Projektionen können teilweise in den Join verschoben werden

$$\pi_A(R \bowtie_B S) = \pi_A(\pi_{A_1}(R) \bowtie_B \pi_{A_2}(S))$$

$$, \text{ falls } A_1 = \text{attr}(R) \cap (A \cup \text{attr}(B))$$

$$A_2 = \text{attr}(S) \cap (A \cup \text{attr}(B))$$

- Selektionen können mit Vereinigung, Schnitt und Differenz vertauscht werden

$$\sigma_B(R \cup S) = \sigma_B(R) \cup \sigma_B(S)$$

222

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

---

### Äquivalenzregeln d. Relationalen Algebra (cont.)

- Der Projektionsoperator kann mit der Vereinigung, aber nicht mit Schnitt oder Differenz vertauscht werden (Siehe Übung!)

$$\pi_A(R \cup S) = \pi_A(R) \cup \pi_A(S)$$

- Selektion und ein Kreuzprodukt können zu einem Join zusammengefasst werden, wenn die Selektionsbedingung eine Joinbedingung ist (z.B. Equi-Join)

$$\sigma_{R.A1=S.A2}(R \times S) = R \bowtie_{R.A1=S.A2} S$$

- Auch an Bedingungen können Veränderungen vorgenommen werden
  - Kommutativgesetze, Assoziativgesetze, z.B.  $B_1 \wedge B_2 = B_2 \wedge B_1$
  - Distributivgesetze, z.B.  $B_1 \vee (B_2 \wedge B_3) = (B_1 \vee B_2) \wedge (B_1 \vee B_3)$
  - De Morgan, z.B.  $\neg(B_1 \wedge B_2) = \neg B_1 \vee \neg B_2$

223

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

---

### Restrukturierungsalgorithmus

- Aufbrechen der Selektionen
- Verschieben der Selektionen so weit wie möglich nach unten im Operatorbaum
- Zusammenfassen von Selektionen und Kreuzprodukten zu Joins
- Einfügen und Verschieben von Projektionen so weit wie möglich nach unten
- Zusammenfassen einzelner Selektionen zu komplexen Selektionen

224

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

### Beispiel

#### Fahrzeug-Datenbank

-Kunde(KNr, Name, Adresse, Region, Saldo)

KNr	Name	Adresse	Region	Saldo
201	Klein	Lilienthal	Bremen	200 000
337	Horn	Dieburg	Rhein-Main	100 000
444	Berger	München	München	300 000
108	Weiss	Würzburg	Unterfranken	500 000

-Bestellt(BNr, Datum, KNr, PNr)

BNr	Datum	KNr	PNr
221	10.05.04	201	12
312	11.05.04	201	4
401	20.05.04	337	330
456	13.05.04	444	330
458	14.05.04	444	98

-Produkt(PNr, Bezeichnung, Anzahl, Preis)

PNr	Bezeichnung	Anzahl	Preis
12	BMW 318i	10	40.000
4	Golf 5	40	25.000
330	Fiat Uno	5	18.000
98	Ferrari 380	1	180.000
14	Opel Corsa	14	17.000

225

## 5.4 Logische Anfrageoptimierung

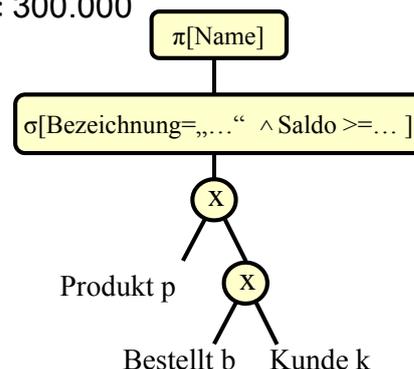
### Beispiel (cont.)

- SQL Anfrage:

```

select      Name,
from        Kunde k, Bestellt b, Produkt p
where       b.KNr = k.KNr
and         b.PNr = p.PNr
and         Bezeichnung = „Fiat Uno“
and         Saldo ≥ 300.000
    
```

- Kanonischer Auswertungsplan:

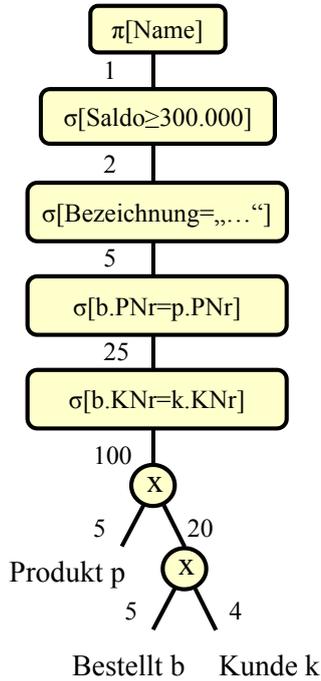


226

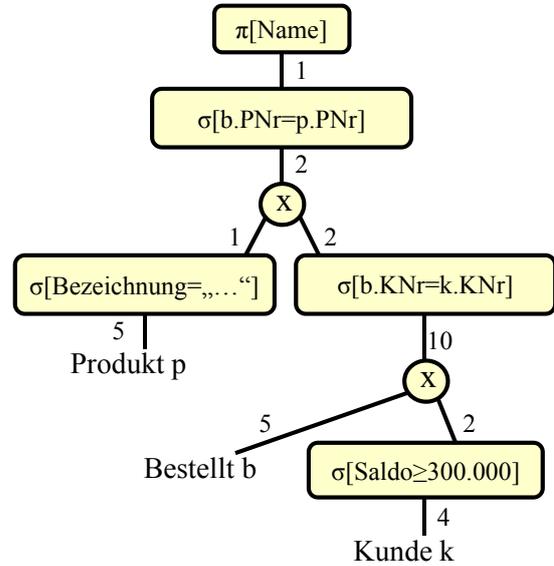
# 5.4 Logische Anfrageoptimierung

## Beispiel (cont.)

### - Aufbrechen der Selektionen



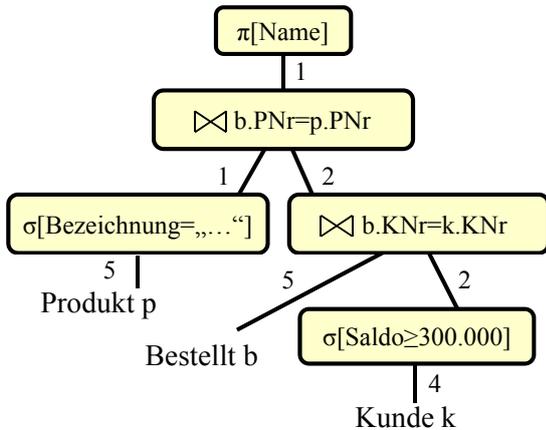
### - Verschieben der Selektionen



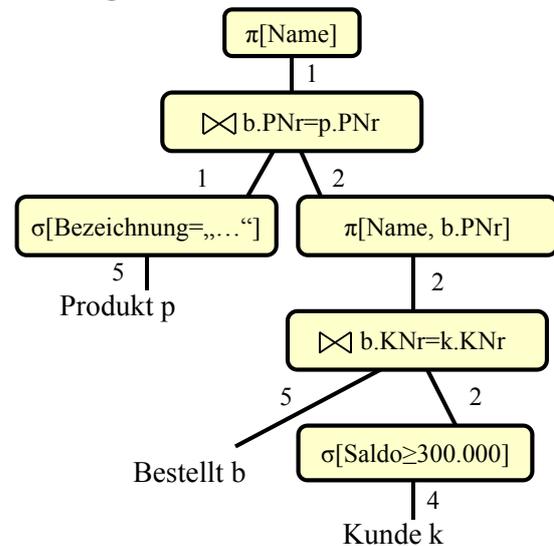
# 5.4 Logische Anfrageoptimierung

## Beispiel (cont.)

### - Zusammenfassen zu Joins



### - Einfügen zusätzlicher Selektionen



# 5 Anfragebearbeitung

---

## Übersicht

5.1 Einleitung

5.2 Indexstrukturen

5.3 Grundlagen der Anfrageoptimierung

5.4 Logische Anfrageoptimierung

5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

5.6 Implementierung der Joinoperation

229

---

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

---

### Selektivität

Der Anteil der qualifizierenden Tupel wird *Selektivität sel* genannt.  
Für die Selektion und den Join ist sie folgendermaßen definiert:

– **Selektion** mit Bedingung  $B$ : 
$$sel_B = \frac{|\sigma_B(R)|}{|R|}$$

(relativer Anteil der Tupel, die  $B$  erfüllen)

– **Join** von  $R$  und  $S$ : 
$$sel_{RS} = \frac{|R \bowtie S|}{|R \times S|} = \frac{|R \bowtie S|}{|R| \cdot |S|}$$

(Anteil relativ zur Kardinalität des Kreuzprodukts)

230

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Selektivität

- Die Selektivität muss geschätzt werden, für Spezialfälle gibt es einfache Methoden:
  - Die Selektivität von  $\sigma_{R.A=c}$ , also Vergleich mit einer Konstante  $c$  beträgt  $1 / |R|$ , falls  $A$  ein Schlüssel ist
  - Falls  $A$  kein Schlüssel ist, aber die Werte gleichverteilt sind, ist  $sel=1 / I$  ( $I$  ist dabei die *image size*, d.h. die Anzahl verschiedener  $A$ -Werte in  $R$ )
  - Besitzt bei einem Equi-Join  $R \bowtie_{R.A=S.B} S$  das Attribut  $A$  Schlüsseligenschaft, kann die Größe des Join-Ergebnisses mit  $|S|$  abgeschätzt werden, da jedes Tupel aus  $S$  maximal einen Joinpartner findet. Die Selektivität ist also  $sel_{RS} = 1/|R|$
- logisches UND:  $sel_B(\sigma_{B_1 \wedge B_2}) = sel_B(\sigma_{B_1}) \cdot sel_B(\sigma_{B_2})$
- logisches ODER:  $sel_B(\sigma_{B_1 \vee B_2}) = sel_B(\sigma_{B_1}) + sel_B(\sigma_{B_2}) - sel_B(\sigma_{B_1}) \cdot sel_B(\sigma_{B_2})$
- logisches NICHT:  $sel_B(\sigma_{\neg B_1}) = 1 - sel_B(\sigma_{B_1})$

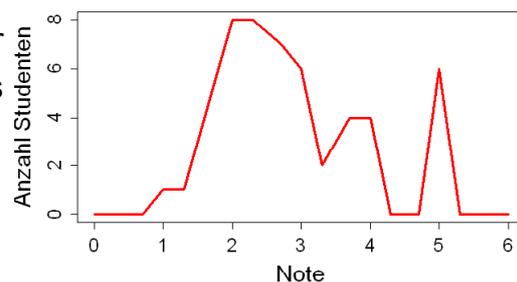
231

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Selektivität

- Im Allgemeinen benötigt man anspruchsvollere Methoden um zu schätzen, wieviele Tupel sich in einem bestimmten Wertebereich befinden.
- Drei Grundsätzliche Arten von Schätzmethode:
  - Parametrische Verteilungen
  - Histogramme
  - Stichproben

Beispiel: Schätzung der Verteilung der Noten der DBS II Klausur anhand des Ergebnisse von 2007:

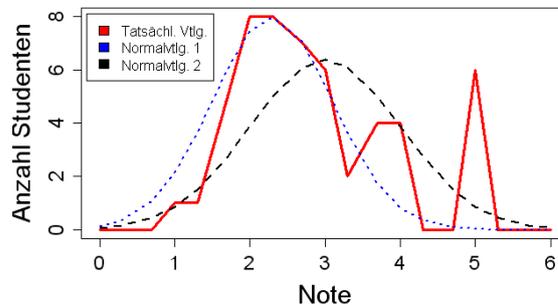


232

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Selektivität: Parametrische Verteilungen

- Bestimme zu der vorhandenen Werteverteilung die Parameter einer Funktion so, dass die Verteilung möglichst gut angenähert wird.



Probleme:

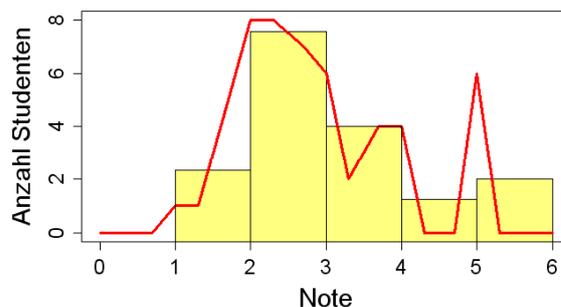
- Wahl des Verteilungstyps (Normalverteilung, Exponentialverteilung...)
- und Wahl der Parameter, besonders bei mehrdimensionalen Anfragen (also z.B. bei Selektionen, die sich auf mehrere Attribute beziehen)

233

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Selektivität: Histogramme

- Unterteile den Wertebereich des Attributs in Intervalle und zähle die Tupel, die in ein bestimmtes Intervall fallen.
  - *Equi-Width-Histograms*: Intervalle gleicher Breite
  - *Equi-Depth-Histograms*: Unterteilung so, dass in jedem Intervall gleich viele Tupel sind



- Flexible Annäherung an die Verteilung

234

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

---

### Selektivität: Stichproben

- Sehr einfaches Verfahren
- Ziehe eine zufällige Menge von  $n$  Tupeln aus einer Relation, und betrachte deren Verteilung als repräsentativ für die gesamte Relation.
- Problem der Größe des Stichprobenumfangs  $n$ :
  - $n$  zu klein: Wenig repräsentative Stichprobe
  - $n$  zu gross: Ziehen der Stichprobe erfordert zu viele „teure“ Zugriffe auf den Hintergrundspeicher

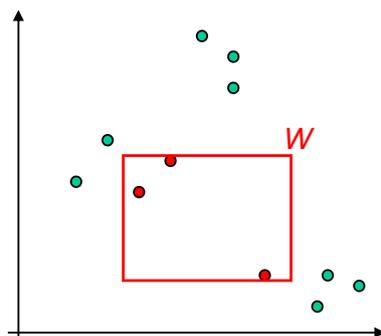
235

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

---

### Beispiel: Selektivität von Fensteranfragen

- Szenario:
  - Datenobjekte (Tupel) sind Punkte in einem  $d$ -dimensionalen Featureraum (z.B. geographische Objekte auf einer 2D Karte)
  - Fensteranfragen:
    - Gegeben ein Anfragefenster  $W$  ( $d$ -dimensionales Hyper-Rechteck)
    - Gesucht: alle Objekte innerhalb des Anfragefensters  $W$

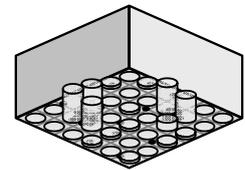
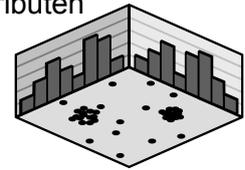
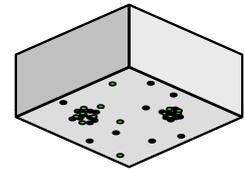


236

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Beispiel: Selektivität von Fensteranfragen (cont)

- Bekannte Ansätze:
  - Sampling
    - **Problem:** Genauigkeit abhängig von der Samplegröße
  - 1D Histogramme
    - **Problem:** Annahme der Unabhängigkeit zwischen den Attributen
  - Mutli-D Histogramme
    - **Problem:** Anzahl der Gridzellen steigt exponentiell mit  $d$
  - Parametrische Methoden
    - **Problem:** nur für 2D und 3D Daten geeignet

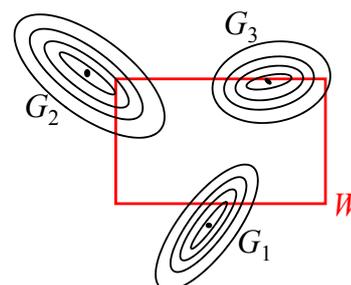
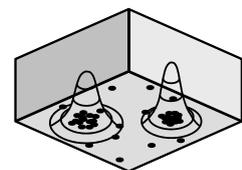


237

## 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung

### Beispiel: Selektivität von Fensteranfragen (cont)

- Stattdessen:
  - Modellierung der Datenverteilung durch eine Menge von Gauss-Verteilungen
  - EM-Algorithmus:
    - Input: Datenbank, Anzahl der Gaussverteilungen  $k$
    - Output:  $k$  Gaussverteilungen, die die Objekte der Datenbank optimal repräsentieren
- Selektivitätsabschätzung:
  - Integral des Schnitts von  $W$  mit allen  $k$  Gauss-Verteilungen



238

# 5 Anfragebearbeitung

---

## Übersicht

- 5.1 Einleitung
- 5.2 Indexstrukturen
- 5.3 Grundlagen der Anfrageoptimierung
- 5.4 Logische Anfrageoptimierung
- 5.5 Kostenmodellbasierte Anfrageoptimierung
- 5.6 Implementierung der Joinoperation

239

---

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

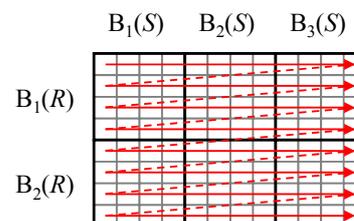
---

### Einfacher Nested-Loop-Join

– Algorithmus

```
for each Tupel  $r \in R$  do
  for each Tupel  $s \in S$  do
    if  $r.A = s.B$  then
       $result := result \cup (r \times s)$ 
```

– Matrixnotation



- Der einfache Nested-Loop-Join entspricht der Bildung des kartesischen Produktes in kanonischer Ordnung mit anschließender Selektion.
- Die Relation  $S$  wird  $|R|$  mal eingelesen: Performanz ist deshalb inakzeptabel
- $S$  wird als innere Relation und  $R$  als äußere Relation bezeichnet

240

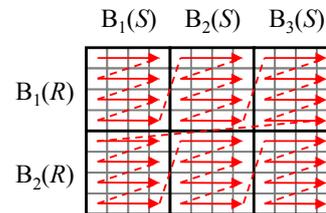
## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Nested-Block-Loop-Join – Algorithmus

```

for each Block  $B_R \in R$  do
  lade Block  $B_R$ 
  for each Block  $B_S \in S$  do
    lade Block  $B_S$ 
    for each Tupel  $r \in B_R$  do
      for each Tupel  $s \in B_S$  do
        if  $r.A = s.B$  then
           $result := result \cup (r \times s)$ 
  
```

### – Matrixnotation



241

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Nested-Block-Loop-Join (cont.)

#### – Beispiel:

S	Angestellter	Gehaltsgruppe		R	Gehaltsgruppe	Gehalt	
	Müller	1	B <sub>S</sub> (1)		1	10.000	B <sub>R</sub> (1)
	Schneider	2			2	20.000	
	Schuster	1	B <sub>S</sub> (3)		3	30.000	B <sub>R</sub> (2)
	Schmidt	2					
	Schütz	1	B <sub>S</sub> (3)				

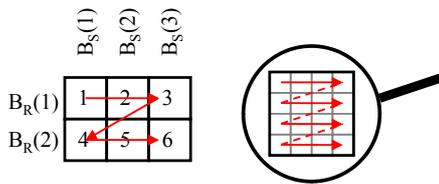
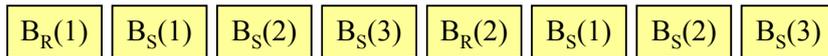
- Anzahl Blockzugriffe:  $B_R + B_S \cdot B_R = 8$  Blockzugriffe ohne Cache  
( $B_R =$  Anzahl Blöcke der Relation  $R$ )
- D.h. die kleinere Relation sollte die äußere sein

242

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Cache Strategien für Nested-Block-Loop-Join

- Seiten der inneren Relation im Cache halten
  - Cache wird überhaupt nicht ausgenutzt, wenn Cache kleiner als Relation  $S$  ist
  - Beispiel: 2 Seiten Cache für  $S$ , 1 Seite Cache für  $R$  (  Zugriff Platte)

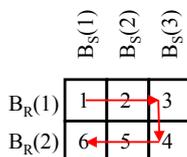
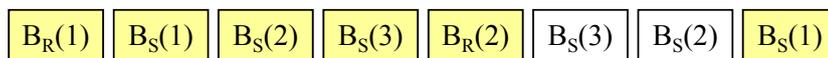


243

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Cache Strategien für NBL-Join (cont.)

- Seiten der inneren Relation im Cache, aber innere Relation jedes zweite mal rückwärts
  - Pro Durchlauf der äußeren Schleife werden  $(|C|-1)$  Blockzugriffe eingespart (ab 2. Durchlauf)
  - $|C|$  = Anzahl Blöcke, die in den Cache passen, ein Cache-Block wird jeweils für  $R$ -Relation benötigt
  - Blockzugriffe:  $B_R + B_R \cdot (B_S - |C| + 1) + |C| - 1$
  - Beispiel: 2 Seiten Cache für  $S$ , 1 Seite Cache für  $R$



244

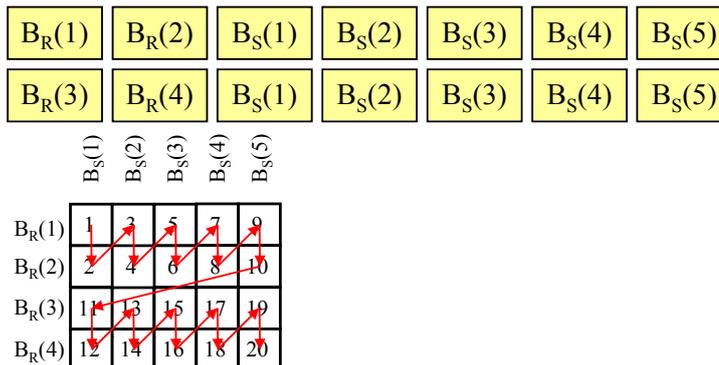
## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Cache Strategien für NBL-Join (cont.)

3.  $|C|-1$  Blöcke der äußeren Relation werden in den Cache eingelesen, zu jedem Block der inneren Relation werden diese Blöcke gejoint

– Blockzugriffe:  $B_R + B_S \cdot \left\lceil \frac{B_R}{|C|-1} \right\rceil$

- Beispiel: 2 Seiten Cache für  $R$ , 1 Seite Cache für  $S$



245

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Cache Strategien für NBL-Join (cont.)

- Algorithmus für Strategie 3:

```

for  $i := 0$  to  $B_R$  step  $|C|$  do
  lade Block  $B_R(i) \dots B_R(i + |C| - 1)$ 
  for each Block  $B_S \in S$  do
    lade Block  $B_S$ 
    for each Tupel  $r \in B_R(i) \dots B_R(i + |C| - 1)$  do
      for each Tupel  $s \in B_S$  do
        if  $r.A = s.B$  then
           $result := result \cup (r \times s)$ 
  
```

- Leistung:
- $|R| \cdot |S|$  Vergleiche von Tupel (ist nur bei schlechter Selektivität gerechtfertigt)
  - Effizienteste Ausführung von  $\theta$ -Joins mit  $\theta \neq '='$

246

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

---

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join

**Problem:**

- Zu kleine Blockgröße:
  - Innere Relation wird in sehr kleinen Schritten eingelesen
  - Bei jedem I/O-Auftrag Latenzzeit des Plattenlaufwerks
- Zu große Blockgröße (z.B.: Cache wird in 2-3 Blöcke geteilt):
  - Zu wenig Cache steht für die äußere Relation zur Verfügung
  - Innere Relation muss öfter gescanned werden

**Äquivalente Frage:**

Wie viel vom Cache für äußere/innere Relation?

247

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

---

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join (cont.)

**I/O-Kosten für den gesamten Join:**

$$t_{NL-Join} \approx \left\lceil \frac{B_R}{|C|-1} \right\rceil \cdot (2t_{seek} + t_{lat} + b \cdot (|C|-1) \cdot t_{tr}) + B_S \cdot \left\lceil \frac{B_R}{|C|-1} \right\rceil \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$$

- $f_R$  bzw.  $f_S$ : Größe der Relationen in Bytes
- $c$ : Größe des Cache in Bytes
- $t_{tr}$ : Transferzeit pro Byte
- $t_{lat}$ : durchschnittliche Latenzzeit des Disk-Laufwerks
- $b$ : Blockgröße (Parameter, der optimiert wird)

- Vernachlässigung des  $B_R$ -Scans (da nur 1 mal und in großen Blöcken)

$$t_{NL-Join} \approx \left( \left\lceil \frac{f_S}{b} \right\rceil \cdot \left\lceil \frac{\lceil f_R / b \rceil}{\lfloor c / b \rfloor - 1} \right\rceil \right) \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$$

248

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join (cont.)

	Äußere Relation R	Innere Relation S
Anzahl Blockzugriffe	$B_R$	$B_R + B_S \cdot \left\lceil \frac{B_R}{ C -1} \right\rceil$
	Suchen zum aktuellen Block von R + Suchen zum Start von S	
$t_{NL-Join} \approx$	$\left\lceil \frac{B_R}{ C -1} \right\rceil \cdot (2t_{seek} + t_{lat} + b \cdot ( C -1) \cdot t_{tr})$	$+ B_S \cdot \left\lceil \frac{B_R}{ C -1} \right\rceil \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$
	in einer Leseoperation werden $ C -1$ Blöcke der äußeren Relation gelesen	Jeweils ein Block wird gelesen, aber nächster Block startet meist auf gleicher Spur
$t_{NL-Join} \approx$	<i>ignorieren, da nur 1x und in großen Blöcken</i>	$\left( \left\lceil \frac{f_S}{b} \right\rceil \cdot \left\lceil \frac{f_R/b}{c/b-1} \right\rceil \right) \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$

$f_R$  bzw.  $f_S$ : Größe der Relationen in Bytes  
 $c$ : Größe des Cache in Bytes  
 $t_{tr}$ : Transferzeit pro Byte

249

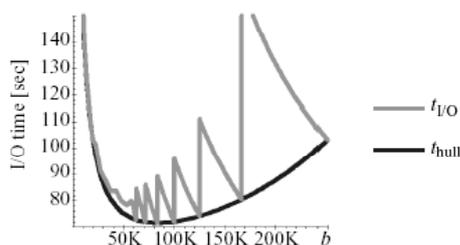
## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join (cont.)

- Weglassen der Rundungsfunktion (unproblematisch für  $f_R, f_S \gg b$ , d.h. relativer Fehler ist vernachlässigbar) ergibt stückweise differenzierbaren Term

$$t_{NL-Join} \approx \left( \frac{f_S \cdot f_R}{b^2 \cdot (c/b - 1)} \right) \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$$

- Optimierung der Hüllfunktion



$$t_{hull} \approx \left( \frac{f_S \cdot f_R}{b^2 \cdot (c/b - 1)} \right) \cdot (t_{lat} + b \cdot t_{tr})$$

Joinkosten bei

- $f_R = f_S = 10$  MByte
- $c = 500$  KByte
- $t_{lat} = 5$  ms
- $t_{tr} = 0,25$  s / MByte
- $b_{opt} = 85$  KByte

250

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

---

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join (cont.)

#### – Optimierung durch Differenzieren

- Gleichsetzen der 1. Ableitung mit 0
- 2 Lösungen, von denen nur eine positiv ist

$$0 = \frac{\partial}{\partial b} t_{hull} \Rightarrow b_{opt} = \frac{\sqrt{t_{lat}^2 + t_{tr} \cdot t_{lat} \cdot c} - t_{lat}}{t_{tr}}$$

- Lösung ist Minimum (s. 2. Ableitung)
- An den Stellen, an denen  $\lfloor c/b \rfloor$  konstant ist, ist  $t_{NLJoin}$  streng monoton fallend (negative Ableitung)
- Deshalb kann das Minimum von  $t_{NLJoin}$  nur an der ersten Sprungstelle links oder rechts vom Minimum von  $t_{hull}$  sein:

$$b_1 = c / \left\lfloor \frac{c}{b_{opt}} \right\rfloor, \quad b_2 = c / \left\lceil \frac{c}{b_{opt}} \right\rceil$$

251

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

---

### Blockgrößen-Optimierung NBL-Join (cont.)

#### CPU-Kosten

- Im wesentlichen müssen  $|S| \cdot |R|$  Vergleiche durchgeführt werden
- Bei 0.1  $\mu$ s pro Vergleich und 100.000 Tupel pro Relation ergibt sich eine Bearbeitungszeit von 1000 s.
- D.h. wesentlich mehr als die 75 s I/O-Zeit
- Der NLB-Join ist also *CPU-bound*
- Maßnahmen zur Senkung des CPU-Aufwands später

252

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Sort-Merge-Join

#### – Zweistufiger Algorithmus

##### – 1. Schritt:

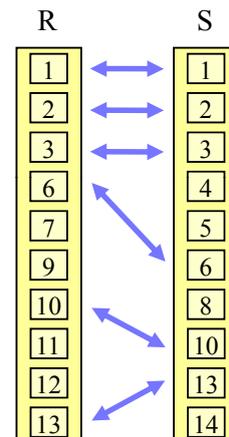
sortiere  $R$  bzgl. Attribut  $A$   
 sortiere  $S$  bzgl. Attribut  $B$

##### – 2. Schritt:

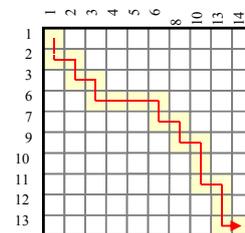
```

j = 1;
s = erstes Tupel von S;
for i = 1 to |R| do
  r = i - tes Tupel von R;
  while s.B < r.A
    j = j + 1;
    s = j - tes Tupel von S;
  if r.A = s.B then
    result := result ∪ ((r - r.A) × s);
    
```

Achtung: Dieser Algorithmus funktioniert nur, falls  $R$  und  $S$  auf dem Joinattribut keine Duplikate enthalten.  
 Wie muss der Algorithmus erweitert werden um Duplikate zu erfassen?



#### • Matrixnotation



253

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Sort-Merge-Join (cont.)

#### Leistung

- Jede Relation wird genau einmal durchlaufen:  $O(|R| + |S|)$  Vergleiche
- Sortieren der Relation kostet  $O(|R| \cdot \log |R| + |S| \cdot \log |S|)$
- Sortieren ist nicht notwendig, wenn bereits ein Index existiert
- Verfahren versagt, wenn in beiden Relationen sehr viele Duplikate (d.h. mehr als in den Puffer passen) auftreten. In diesem Fall muss auf Nested-Loop-Join umgeschaltet werden

254

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Einfacher Hash-Join

#### Reduktion des CPU-Aufwandes bei der Join-Berechnung

- Der Join-Partner eines  $S$ -Tupels wird gezielt mit Hilfe eines Hash-Verfahrens gesucht, anstatt das  $S$ -Tupel sequentiell mit jedem Tupel der Relation  $R$  zu vergleichen.
- Zu diesem Zweck wird die Relation  $R$  gehasht, d.h. es wird zu allen Tupeln der Hash-Key bestimmt und die Tupel in einer Tabelle unter diesem Key eingetragen.
- Nicht alle  $R$ -Tupel, die den passenden Hash-Key haben, sind Join-Partner eines  $S$ -Tupels, aber alle Join-Partner haben denselben Hash-Key.
- Im Idealfall soll der Join im Hauptspeicher ablaufen: die Hashtabelle soll für die kleinere Relation erzeugt werden.
- Hash-Join Verfahren können nur für Equi-Join und Natürlichen Join effizient genutzt werden.

#### Leistung

- hängt stark ab von der Güte der Hashfunktion:  $O(|R| + |S|)$  im Idealfall
- verschlechtert sich, wenn Werte ungleichmäßig belegt sind
- Modifikation ist notwendig, wenn Hauptspeicher zu klein (kleiner als  $R$ )

255

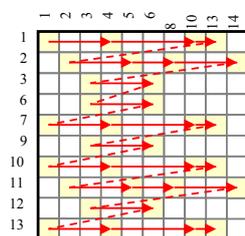
## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Einfacher Hash-Join (cont.)

#### • Algorithmus

```
for each Tupel  $r \in R$  do
  berechne  $adr = hash(r)$ ;
  speichere  $r$  in  $HT[adr]$  ab;
for each Tupel  $s \in S$  do //prüfe in der Hashtabelle  $HT$ 
  berechne  $adr = hash(s)$ ;
  for each Tupel  $r \in HT[adr]$  do
    if  $r.A = s.B$  then
       $result := result \cup ((r - r.A) \times s)$ 
```

#### • Matrixnotation



$$hash(x) = \text{MOD } 3$$

256

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Hashed-Loop-Join

- Kombination aus dem Nested-Loop-Join und dem einfachen Hash-Join
- Relation  $R$  wird in große Blöcke eingeteilt, deren Hashtabellen in den Puffer passen
- Für jeden dieser Blöcke wird die Relation  $S$  gescannt und ein einfacher Hash-Join durchgeführt
- **Algorithmus**

```

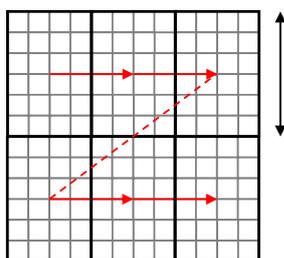
repeat
  lese soviel Tupel von  $R$  in Hauptspeic her bis der Platz aufgebrauc ht ist;
  erzeuge für diese Tupel eine Hashtabell e  $HT$ ;
  for each Tupel  $s \in S$  do
    berechne  $adr = hash(s)$ ;
    for each Tupel  $r \in HT[adr]$  do
      if  $r.A = s.B$  then
         $result := result \cup ((r - r.A) \times s)$ 
  until alle Tupel der Relation  $R$  sind eingelesen ;
  
```

257

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

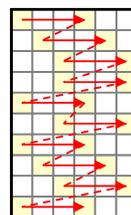
### Hashed-Loop-Join (cont.)

- **Matrixnotation**



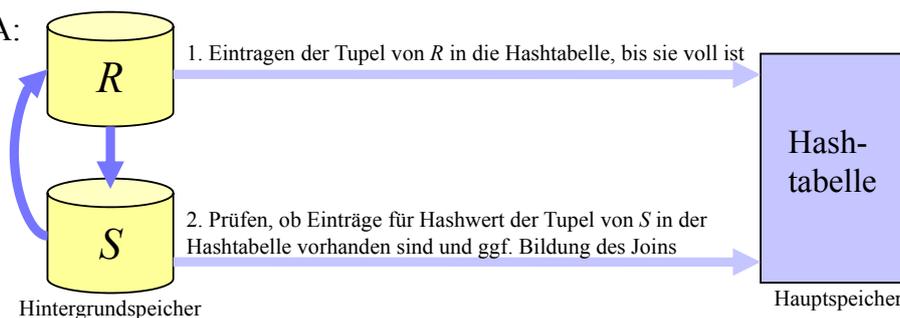
$R$ -Tupel, die in den Puffer passen

auf den einzelnen Blöcken: Hash-Join



- **Ablauf**

Schritt A:



Schritt B: Wiederhole Schritt A für die restlichen Tupel von  $R$

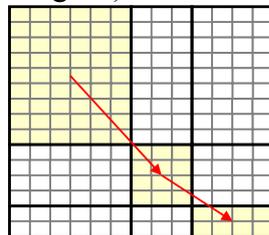
258

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Hash-Partitioned-Join (GRACE)

- Der Hashed-Loop-Join zerlegt die Relationen willkürlich in Blöcke, jeder Block der  $R$ -Relation muss mit jedem Block der  $S$ -Relation kombiniert werden
- Idee: Zerlege die Relationen  $R$  und  $S$  mit Hilfe einer Hashfunktion in Partitionen, so dass nur Partitionen mit demselben Hash-Key kombiniert werden müssen
- Zweistufiges Verfahren
  1. Partitioniere die Relationen  $R$  und  $S$  in  $R_1, \dots, R_N$  und  $S_1, \dots, S_N$
  2. Berechne den Join der einzelnen Partitionen  $R_i$  und  $S_i$  mit einem beliebigen Join Verfahren (z.B. einfacher Hash-Join oder Hashed-Loop-Join wenn Partition zu groß)

#### Matrixnotation



$R$ -Tupel, die in den Puffer passen

Auf den einzelnen Blöcken: einfacher Hash-Join oder Hashed-Loop-Join

259

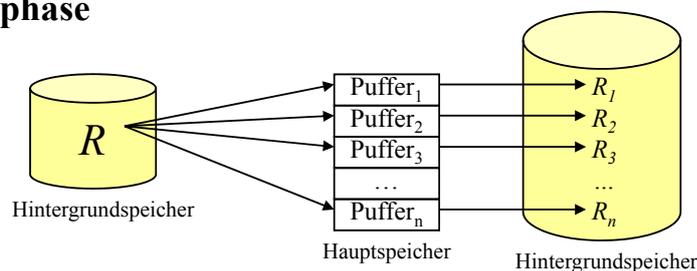
## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Hash-Partitioned-Join (GRACE) (cont.)

#### • Ablauf

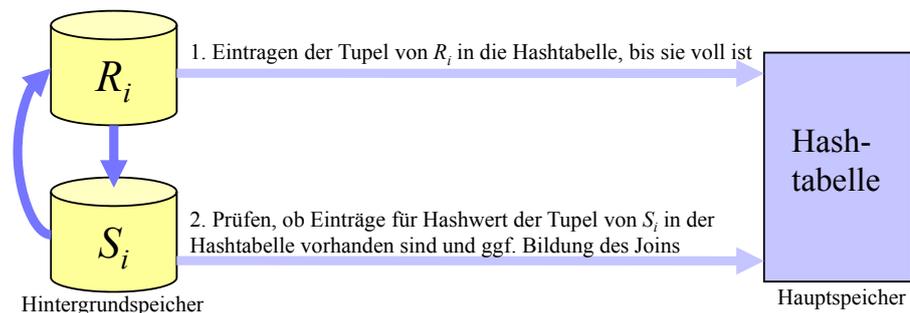
#### – Partitionierungsphase

Schritt A:



Schritt B: Wiederhole Schritt A für  $S$

#### – Join-Phase



260

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Hybrid Hash-Join

- **Algorithmus**

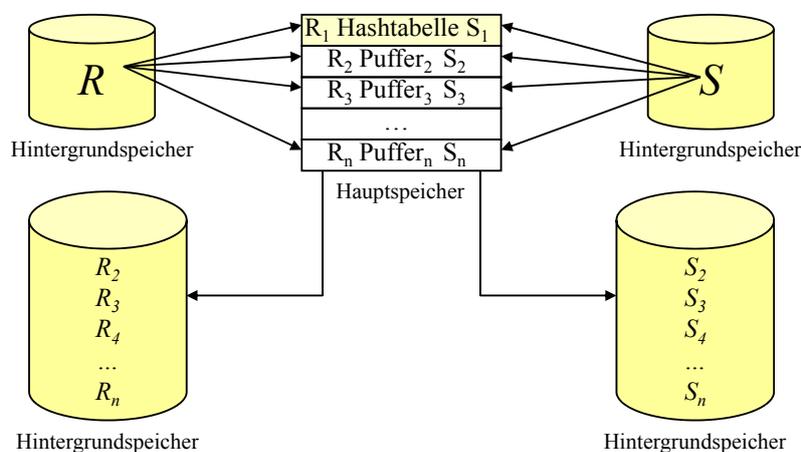
```
for each Tupel  $r \in R$  do
  berechne  $adr = hash(r)$ ;
  if ( $adr = 1$ ) then
    füge  $r$  in eine Hashtabelle  $HT$  ein (bzgl. neuer Hashfkt.);
  else
    speichere  $r$  in einem Puffer  $BR_{adr}$ 
    /* wenn der Puffer voll ist, wird er stets auf Platte geschrieben */
for each Tupel  $s \in S$  do
  berechne  $adr = hash(s)$ ;
  if ( $adr = 1$ ) then
    suche in  $HT$  nach entsprechenden Tupel  $r$  mit  $r.A = s.B$ ;
  else
    speichere  $s$  in einem Puffer  $BS_{adr}$ 
for  $i = 2$  to  $N$  do
  berechne den Join der Partitionen  $R_i$  und  $S_i$  mit dem Hashed - Loop - Join
```

261

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

### Hybrid Hash-Join (cont.)

**Ablauf der Partitionierungsphase:**



262

## 5.6 Implementierung der Joinoperation

---

### Hybrid Hash-Join (cont.)

- **Leistung**
  - Reduzierung der I/O-Kosten (im Vergleich zu GRACE), da eine Partition im Hauptspeicher gehalten wird
  - vorteilhaft, wenn viel Hauptspeicher zur Verfügung steht, aber die Relation  $R$  nicht komplett im Hauptspeicher gehalten werden kann
- **Probleme aller Hash-Join-Verfahren**
  - ungleiche Datenverteilung (extrem hohe Belegung eines Wertes durch Datensätze)
  - Wie wird die Hashfunktion (und damit die Partitionen) der einzelnen Verfahren gewählt?