

**Managing Massive Multiplayer Online Games**  
 SS 2012

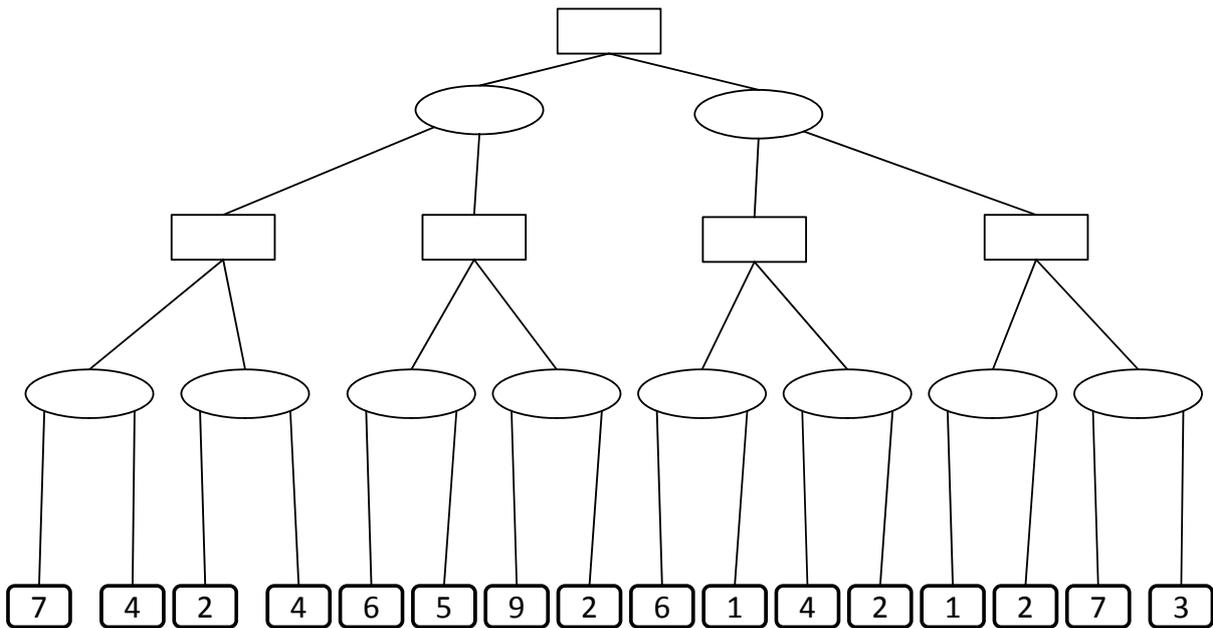
**Übungsblatt 5: Spieltheorie und Signifikanztests**

Besprechung: 31.05.2012

**Aufgabe 5-1**     *Antagonistische Suche*

Betrachten Sie im Folgenden ein abstraktes Spiel, in den zwei Spieler  $S_1$  und  $S_2$  rundenbasiert abwechselnd jeweils eine von drei Aktionen  $a \in \{a_1, a_2, a_3\}$  ausführen. Zu jedem Zeitpunkt lässt sich für jeden Spieler die Spielsituation  $GS$  mittels einer Scorefunktion  $s(GS, S_i)$  bewerten, wobei ein höherer Score eine bessere Spielsituation bedeutet.

Im folgenden wollen wir entscheiden, welches die bestmögliche Aktion für Spieler  $S_1$  ist, der gerade am Zug ist. Zunächst gelte  $s(GS_0, S_1) = 0$ . Der folgende Antagonistische Suchbaum zeigt alle mögliche Aktionen von  $S_1$ , zusammen mit allen entsprechenden Reaktionen von  $S_2$ .



- (a) Welche Knoten müssen durchsucht werden, wenn man die optimale Spielstrategie für  $S_1$  mittels Min-Max-Suche mit Alpha-Beta pruning sucht.
- (b) Macht es hierbei einen Unterschied, in welcher Reihenfolge die Knoten betrachtet werden?

### Aufgabe 5-2 *Klassifikation*

Betrachten Sie im Folgenden ein abstraktes Spiel, bei dem ein Spieler regelmäßig eine Auswahl aus mehreren Entscheidungsmöglichkeiten treffen muss. Beispiele sind:

- In welcher Reihenfolge sollen Gegenstände aufgesammelt werden.
- In welche Richtung soll der Spieler an einer Kreuzung in einem Labyrinth gehen.
- In welche Richtung schickt der Spieler seine Einheit zum Erkunden.

Wir nehmen an, dass es immer vier Alternativen  $\{a_1, \dots, a_4\}$  gibt. Es sei bekannt, dass ein BOT-programm bei dieser Entscheidung jede Alternative mit gleicher Wahrscheinlichkeit auswählt. Aus Log-Dateien sei außerdem empirisch geschätzt worden, dass reale Spieler ihre Entscheidung folgendermaßen auf die Alternativen verteilen:

	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$a_4$
Wahrscheinlichkeit	10%	20%	30%	40%

Bei einem Spieler  $S_1$  sei folgende Sequenz von Entscheidungen beobachtet worden:

$$O = [a_3, a_2, a_1, a_4, a_1, a_2, a_2, a_3, a_1]$$

Im Folgenden sei  $B$  das Zufallsereignis, dass es sich bei  $S_1$  um einen BOT handelt, und  $\bar{B}$  sei das Zufallsereignis, dass es sich bei  $S_1$  um einen realen Spieler handelt.

- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit  $P(O|B)$ , dass der BOT die obige Sequenz erzeugt.
- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit  $P(O|\bar{B})$ , dass ein realer Spieler die obige Sequenz erzeugt.
- Angenommen wir wissen, dass es sich bei 1% aller Spieler um BOTs handelt. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit  $P(B|O)$ , dass es sich bei  $S_1$  um einen BOT handelt.

### Aufgabe 5-3 *Balancing*

Bei einem Spiel können Spieler zu Beginn zwischen mehreren verschiedenen Voreinstellungen (z.B. Rassen, Klassen, Fraktionen) auswählen. Seien  $v_1, \dots, v_n$  solche Voreinstellungen.

Nehmen Sie an, dass 1,000 Spielen zwischen jeweils einem Spieler mit Voreinstellung  $v_1$  und einem Spieler mit Voreinstellung  $v_2$  (kurz:  $v_1$  vs  $v_2$ ) beobachtet wurden, wobei diese Spiele in 400 Fällen zugunsten von dem Spieler mit Voreinstellung  $v_1$  verliefen.

- Ist das Spiel fair bezüglich Voreinstellungen  $v_1$  und  $v_2$ ? Berechnen Sie dazu die Wahrscheinlichkeit der Beobachtung, unter der Annahme dass das Spiel fair ist, dass die Gewinnwahrscheinlichkeit also für beide Spieler immer 50% beträgt.
- Eine Begegnung zwischen  $v_i$  und  $v_j$  soll fair sein, falls die entsprechende Wahrscheinlichkeit aus Teilaufgabe a) mindestens 5% beträgt. Nehmen Sie für  $n = 10$  an, dass alle mögliche Begegnungen fair sind. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit dass mindestens eine Begegnung fälschlicherweise als unfair eingestuft wird?