

Maschinelles Lernen und Data Mining
Sommersemester 2014
Übungsblatt 7

Besprechung des Übungsblattes am 23.06.2014

Aufgabe 7-1 Modellvergleich

Vergleichen Sie Modelle der Regression mit Basisfunktionen. Die Vorhersage für einen Datenpunkt $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}$ sei gegeben durch:

$$f(\mathbf{x}_i, \mathbf{w}) = \sum_{j=1}^{M_\Phi} w_j \phi_j(\mathbf{x}_i)$$

Verwenden Sie die PLS-Lösung $\hat{\mathbf{w}} = (\Phi^T \Phi + \lambda I)^{-1} \Phi^T \mathbf{y}$ mit $\Phi_{i,j} = \phi_j(\mathbf{x}_i) = \mathbf{x}_i^{j-1}$. Gegeben sei der Datensatz \mathbf{X}, \mathbf{y} der Größe $N = 10$, basierend auf einer Rauschvarianz von $\sigma^2 = 0.25$:

\mathbf{X}	0.3	0.4	0.8	1.5	1.8	3.6	4	4.3	4.6	5
\mathbf{y}	7	4.7	0.6	-1.1	-0.3	4.6	5.5	5.7	3.1	-0.3

Es soll das beste Modell für Basisfunktionen mit $M_\Phi \in \{1, \dots, 6\}$ bestimmt werden. Als Loss-Funktion nehmen Sie im folgenden den mittleren quadratischen Fehler (MSE).

- Bestimmen Sie das beste Modell durch Kreuzvalidierung (5-fach und 10-fach). Unterstützen die paarweisen Tests aus der Vorlesung die Entscheidung des MSE? Welchen Einfluss hat der λ -Parameter?
- Kommen Sie mit den frequentistischen Verfahren (C_p Statistik und AIC) und dem Bayes'schen Verfahren (BIC) zu den gleichen Schlüssen?
- Welchen Einfluss hat die Datengröße N , wenn Sie einen vergleichbaren Datensatz für $N = \{100, 1000\}$ simulieren?

Aufgabe 7-2 Vergleich: Nächster Nachbar Schätzer und das Perceptron

Vergleichen Sie den Nächste Nachbar Schätzer mit dem Perceptron. Wie lassen sich die beiden Klassifikatoren visualisieren?