

4.1 Einleitung

4.2 Clustering

4.3 Klassifikation

# Klassifikationsproblem

Gegeben:

- eine Menge  $O \subseteq D$  von Objekten  $o = (o_1, \dots, o_d) \in O$  mit *Attributen*  $A_i$ ,  $1 \leq i \leq d$
- eine Menge von Klassen  $C = \{c_1, \dots, c_k\}$
- Klassenzuordnung  $T : O \rightarrow C$

Gesucht:

- die Klassenzugehörigkeit für Objekte aus  $D \setminus O$
- ein *Klassifikator*  $K : D \rightarrow C$

Abgrenzung zum Clustering

- Klassifikation: Klassen a priori bekannt
- Clustering: Klassen werden erst gesucht

Verwandtes Problem: *Regression*

- gesucht ist der Wert für ein numerisches Attribut

# Beispiel

ID	Alter	Autotyp	Risiko
1	23	Familie	hoch
2	17	Sport	hoch
3	43	Sport	hoch
4	68	Familie	niedrig
5	32	LKW	niedrig

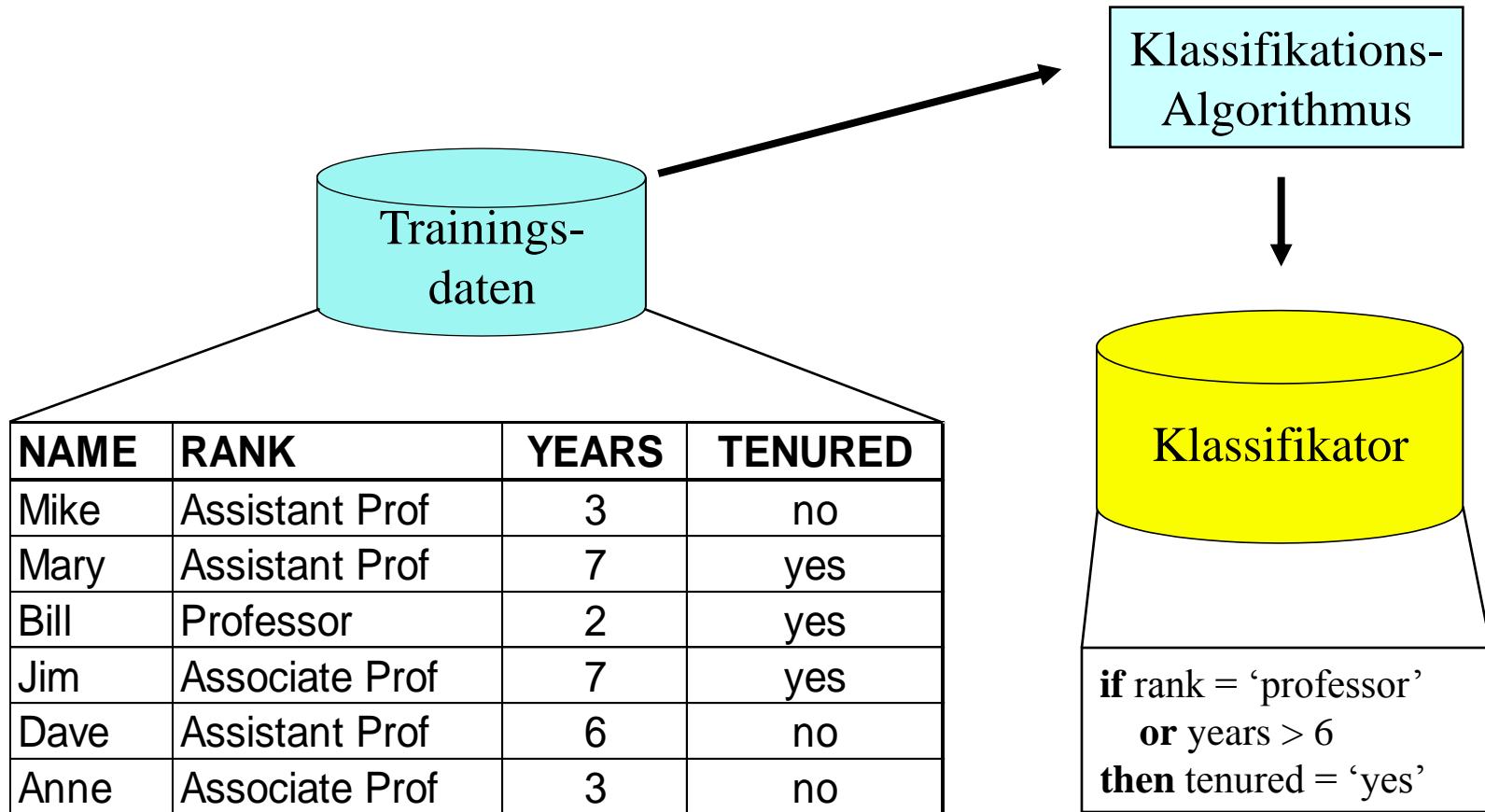
## Einfacher Klassifikator

```

if Alter > 50 then Risikoklasse = Niedrig;
if Alter ≤ 50 and Autotyp=LKW then
Risikoklasse=Niedrig;
if Alter ≤ 50 and Autotyp ≠ LKW
    then Risikoklasse = Hoch.
  
```

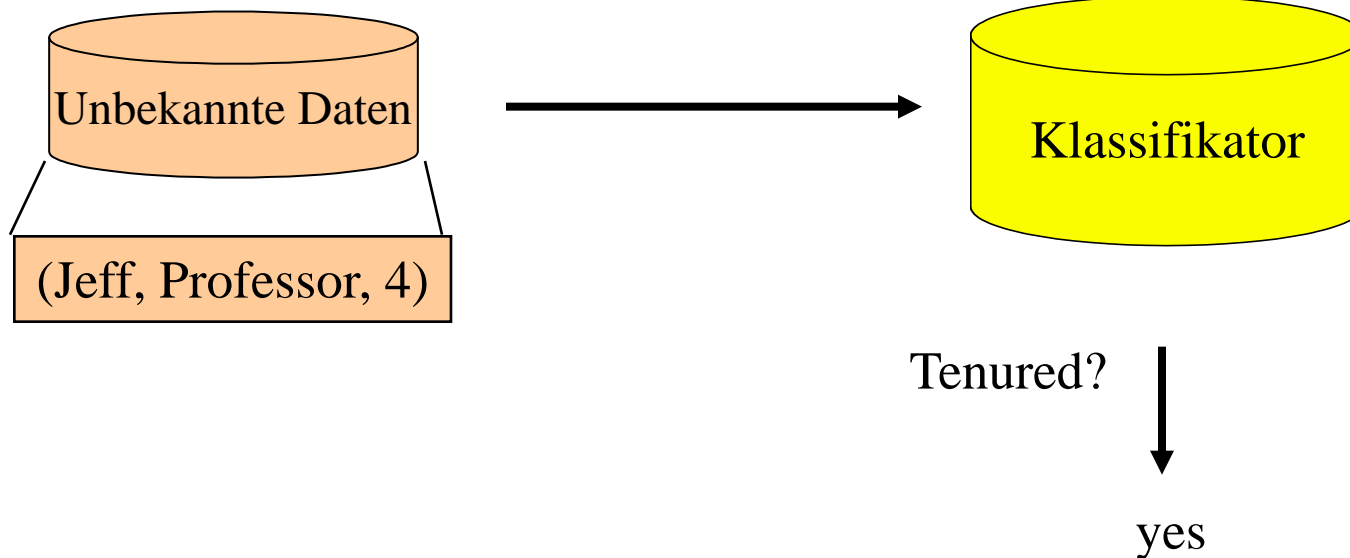
# Klassifikations-Prozess

## Konstruktion des Modells



# Klassifikations-Prozess

## Anwendung des Modells



manchmal: keine Klassifikation unbekannter Daten  
sondern „nur“ besseres Verständnis der Daten

# Bewertung von Klassifikatoren

## *Grundbegriffe*

- Sei  $K$  ein Klassifikator und sei  $TR \subseteq O$  die Trainingsmenge.  $O \subseteq D$  ist die Menge der Objekte, bei denen die Klassenzugehörigkeit bereits bekannt ist .
- **Problem der Bewertung:**
  - gewünscht ist gute Performanz auf ganz  $D$ .
  - Klassifikator ist für  $TR$  optimiert.
  - Test auf  $TR$  erzeugt in der Regel viel bessere Ergebnisse, als auf  $D \setminus TR$ .  
Daher kein realistisches Bild der Performanz auf  $D$ .  
 $\Rightarrow$  *Overfitting*

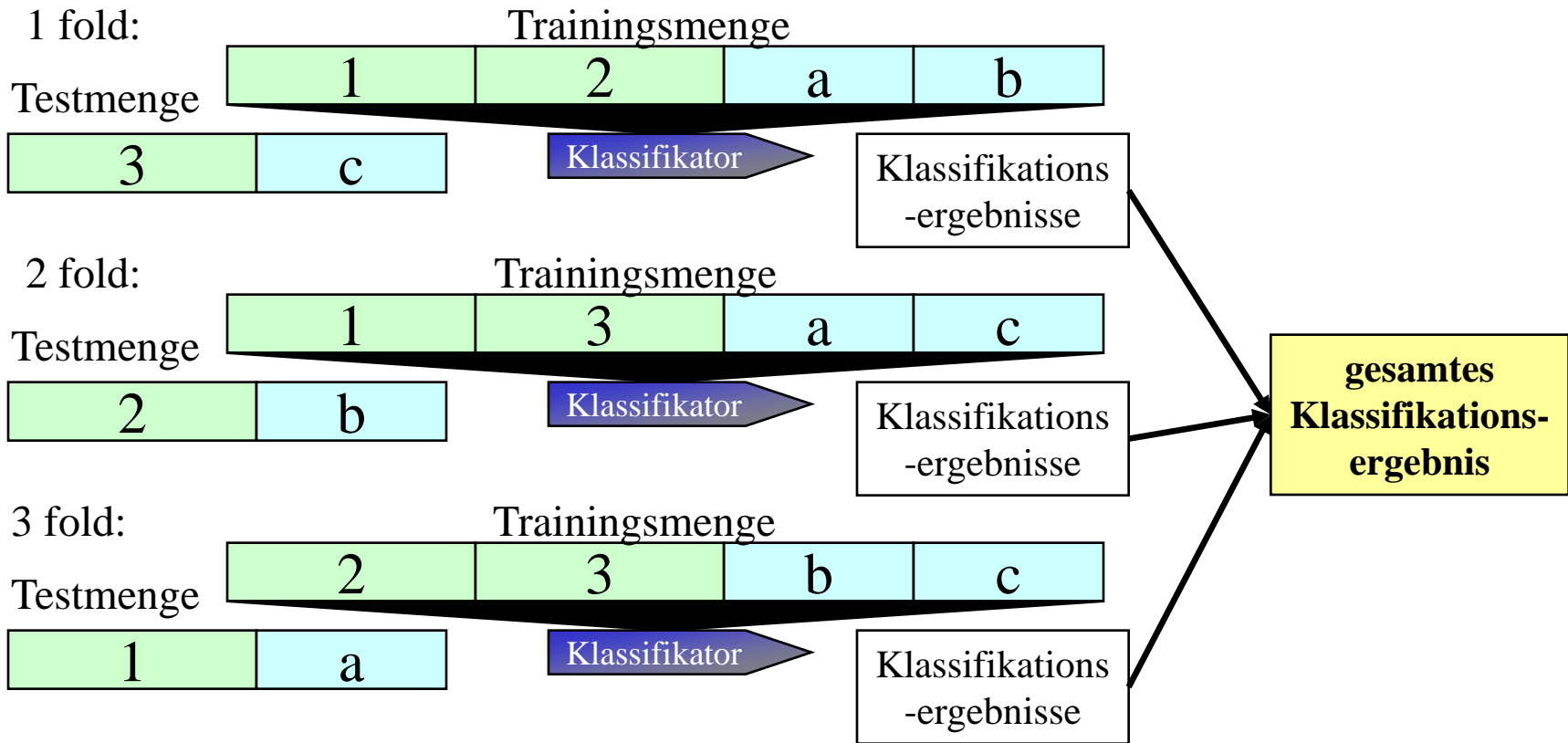
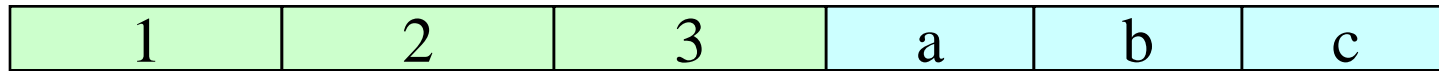
# Bewertung von Klassifikatoren

- Abschätzung der Vorhersagequalität auf unbekanntem Daten: k-fache Kreuzvalidierung (k-fold cross-validation)
  - Teile Trainingsmenge  $TR \subseteq O$  in  $k$  Partitionen  $TR_1, \dots, TR_k$  ein.
  - für  $i = 1 \dots k$ :
    - trainiere einen Klassifikator  $K_i$  auf  $TR \setminus TR_i$
    - teste  $K_i$  auf  $TR_i$
  - Middle die  $k$  beobachteten Fehlerraten

# Bewertung von Klassifikatoren

## Ablauf 3-fache Überkreuzvalidierung (3-fold Cross Validation)

Sei  $n = 3$  : Menge aller Daten mit Klasseninformation die zur Verfügung stehen





# Bewertung von Klassifikatoren

Ergebnis des Tests : Konfusionsmatrix (confusion matrix)

klassifiziert als ...

	Klasse 1	Klasse 2	Klasse 3	Klasse 4	other	
tatsächliche Klasse ...	Klasse 1	35	1	1	1	4
	Klasse 2	0	31	1	1	5
	Klasse 3	3	1	50	1	2
	Klasse 4	1	0	1	10	2
	other	3	1	9	15	13

korrekt  
klassifizierte  
Objekte

Aus der Konfusionsmatrix lassen sich diverse Kennzahlen berechnen, z.B. Accuracy, Classification Error, Precision und Recall.

# Bewertung von Klassifikatoren

## • Gütemaße für Klassifikatoren

- Sei  $K$  ein Klassifikator,  $TR \subseteq O$  die Trainingsmenge,  $TE \subseteq O$  die Testmenge. Bezeichne  $T(o)$  die tatsächliche Klasse eines Objekts  $o$ .
- *Klassifikationsgenauigkeit* (classification accuracy) von  $K$  auf  $TE$ :

$$G_{TE}(K) = \frac{|\{o \in TE : K(o) = T(o)\}|}{|TE|}$$

- *Tatsächlicher Klassifikationsfehler* (true classification error)

$$F_{TE}(K) = \frac{|\{o \in TE : K(o) \neq T(o)\}|}{|TE|}$$

- *Beobachteter Klassifikationsfehler* (apparent classification error)

$$F_{TR}(K) = \frac{|\{o \in TR : K(o) \neq T(o)\}|}{|TR|}$$

# Bewertung von Klassifikatoren

## Recall:

Anteil der Testobjekte einer Klasse  $i$ , die richtig erkannt wurden.

Sei  $C_i = \{o \in TE : T(o) = i\}$ , dann ist

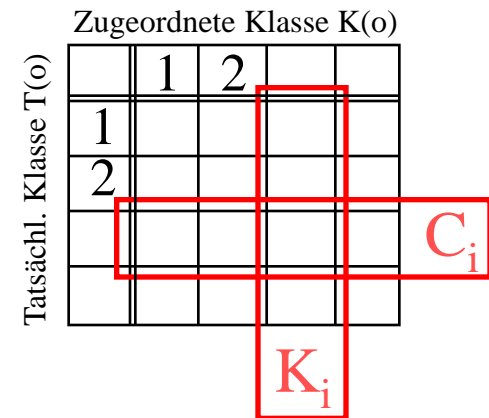
$$\text{Recall}_{TE}(K, i) = \frac{|\{o \in C_i : K(o) = T(o)\}|}{|C_i|}$$

## Precision:

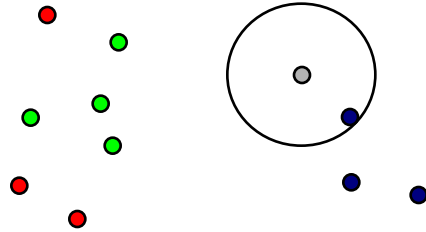
Anteil der zu einer Klasse  $i$  zugeordneten Testobjekte, die richtig erkannt wurden.

Sei  $K_i = \{o \in TE : K(o) = i\}$ , dann ist

$$\text{Precision}_{TE}(K, i) = \frac{|\{o \in K_i : K(o) = T(o)\}|}{|K_i|}$$



# Nächste-Nachbarn-Klassifikatoren

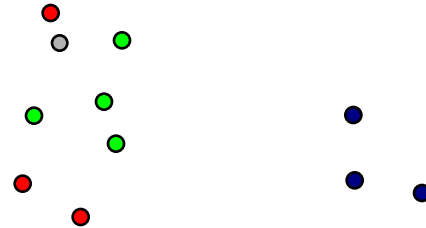


- Schrauben
  - Nägel
  - Klammern
- } Trainingsdaten

○ Neues Objekt => Schraube

- Instanzbasiertes Lernen (*instance based learning*)
- Einfachster Nächste-Nachbar-Klassifikator:  
Zuordnung zu der Klasse des nächsten Nachbarpunkts
- Im Beispiel: Nächster Nachbar ist eine Schraube

# Nächste-Nachbarn-Klassifikatoren

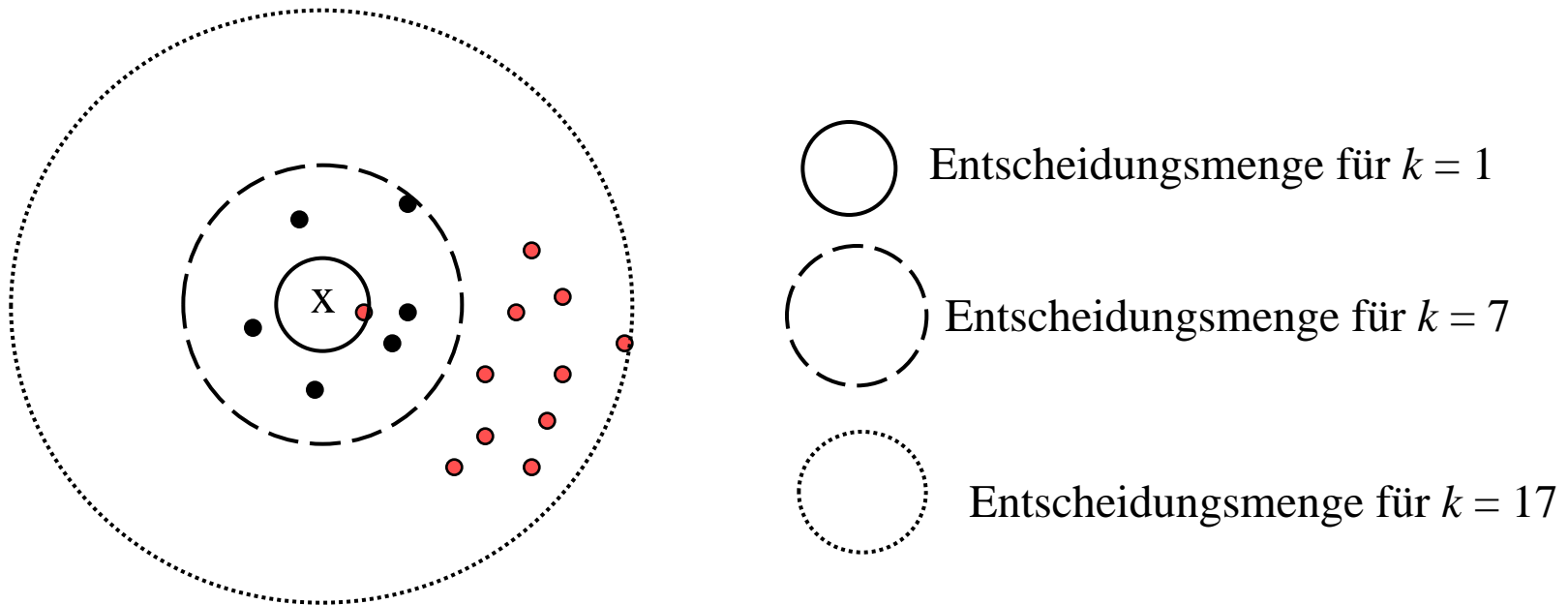


- Problem: Punkt links oben wahrscheinlich nur Ausreißer  
=> neues Objekt vermutlich grün statt rot
- Besser: Betrachte mehr als nur einen Nachbarn  
→  $k$ -Nächste-Nachbarn-Klassifikator
- *Entscheidungsmenge*  
die Menge der zur Klassifikation betrachteten  $k$ -nächsten Nachbarn
- *Entscheidungsregel*  
wie bestimmt man aus den Klassen der Entscheidungsmenge die Klasse des zu klassifizierenden Objekts?
  - Interpretiere Häufigkeit einer Klasse in der Entscheidungsmenge als Wahrscheinlichkeit der Klassenzugehörigkeit
  - Maximum-Likelihood-Prinzip: Mehrheitsentscheidung
  - Ggf. Gewichtung

# Nächste-Nachbarn-Klassifikatoren

## *Wahl des Parameters $k$*

- „zu kleines“  $k$ : hohe Sensitivität gegenüber Ausreißern
- „zu großes“  $k$ : viele Objekte aus anderen Clustern (Klassen) in der Entscheidungsmenge.
- mittleres  $k$ : höchste Klassifikationsgüte, oft  $1 \ll k < 10$



x: zu klassifizieren

# Nächste-Nachbarn-Klassifikatoren

## *Entscheidungsregel*

- Standardregel
  - wähle die Mehrheitsklasse der Entscheidungsmenge
- Gewichtete Entscheidungsregel
 

gewichte die Klassen der Entscheidungsmenge

  - nach Distanz, meist invers quadriert:  $weight(dist) = 1/dist^2$
  - nach Verteilung der Klassen (oft sehr ungleich!)
 

Problem: Klasse mit zu wenig Instanzen ( $< k/2$ ) in der Trainingsmenge bekommt keine Chance, ausgewählt zu werden, selbst bei optimaler Distanzfunktion

    - Klasse A: 95 %, Klasse B 5 %
    - Entscheidungsmenge = {A, A, A, A, B, B, B}
    - Standardregel  $\Rightarrow$  A, gewichtete Regel  $\Rightarrow$  B

# Ausblick

## Data Mining und andere Wissenschaften

- Data Mining lebt von der Anwendung und muss für viele Anwendungsszenarien und Probleme zugeschnitten werden.
- Data Mining kann im Anwendungsgebiet (z.B. einer anderen Wissenschaft – Geographie, BWL, Kunst, Sprachwissenschaft, Physik, Biologie,...) zu neuen Erkenntnissen führen.
- Umgekehrt bietet ein konkretes Anwendungsszenario oft interessante Herausforderungen für die Forschung im Bereich Data Mining.