



LUDWIG-
MAXIMILIANS-
UNIVERSITY
MUNICH


DEPARTMENT
INSTITUTE FOR
INFORMATICS


DATABASE
SYSTEMS
GROUP

Kapitel 5: Räumliche Anfragebearbeitung

Skript zur Vorlesung
Geo-Informationssysteme

Wintersemester 2014/15

Ludwig-Maximilians-Universität München

(c) Matthias Renz 2014, Peer Kröger 2011, basierend auf dem Skript von Christian Böhm
aus dem SoSe 2009



1. Algorithmen für räumliche Anfragen
2. Mehrstufige Anfragebearbeitung

Beispiel-Anfragen in Relationaler Algebra

- (1) cities select [center inside Bavaria]
 "Bavaria" sei eine Konstante des Typs *region*
- (2) rivers select [route intersects Window]
- (3) cities select [dist(center,Hagen) < 100 and population > 500.000]
- (4) cities states join [center inside area]
- (5) cities rivers join [dist(center,route) < 50]

Notationen

- $GEO = \{points, lines, regions\}$
- $OBJ = \{cities, highways, \dots\}$ (anwendungsspezifische Typen mit einem GEO-Attribut)
- $\forall obj \text{ in } OBJ, \forall geo, geo1, geo2 \text{ in } GEO$

Fensteranfrage

$set(obj) \times (obj \rightarrow geo1) \times geo2 \times (geo1 \times geo2 \rightarrow bool) \rightarrow set(obj)$

$WindowQuery(DB, window, predicate) = \{o \in DB \mid predicate(o, window)\}$

predicate z.B. inside, intersect

Notationen

- $GEO = \{points, lines, regions\}$
- $OBJ = \{cities, highways, \dots\}$ (anwendungsspezifische Typen mit einem GEO-Attribut)
- $\forall obj \text{ in } OBJ, \forall geo, geo1, geo2 \text{ in } GEO$

Nächste-Nachbarn-Anfrage

$set(obj) \times (obj \rightarrow geo1) \times geo2 \rightarrow set(obj)$

NearestNeighborQuery(DB, point) =

$\{o \in DB \mid \forall o' \in DB: dist(point, o) \leq dist(point, o')\}$

Notationen

- $GEO = \{points, lines, regions\}$
- $OBJ = \{cities, highways, \dots\}$ (anwendungsspezifische Typen mit einem GEO-Attribut)
- $\forall obj \text{ in } OBJ, \forall geo, geo1, geo2 \text{ in } GEO$

Räumlicher Verbund

$set(obj) \times set(obj) \times (obj \rightarrow geo1) \times (obj \rightarrow geo2) \times (geo1 \times geo2 \rightarrow bool) \rightarrow set(obj \times obj)$

$spatial_join(DB1, DB2, predicate) =$

$\{(o_1, o_2) \mid o_1 \in DB_1, o_2 \in DB_2, predicate(o_1, o_2)\}$

predicate z.B. "dist \leq d", "intersect", "north" etc.

Algorithmus

WindowQuery(DB, Window, Predicate)

```
Candidates := ∅; // Kandidatenmenge
window_index_query(DB.SpatialIndex.Root, Window, Predicate, Candidates);
// siehe Kap. 4 bzw. nächste Seite
Result := ∅; // Ergebnismenge
FOR ALL Candidate IN Candidates
    Object := Candidate.RetrieveExactGeometry();
    IF Predicate(Window, Object) THEN
        Result := Result ∪ {Object};
return Result;
```

Methode

window_index_query(IndexPage, Window, Predicate, Candidates)

FOR ALL Entry \in Partitionen in IndexPage DO

IF Predicate(Window, Entry.Rectangle) THEN

IF Page = DataPage THEN

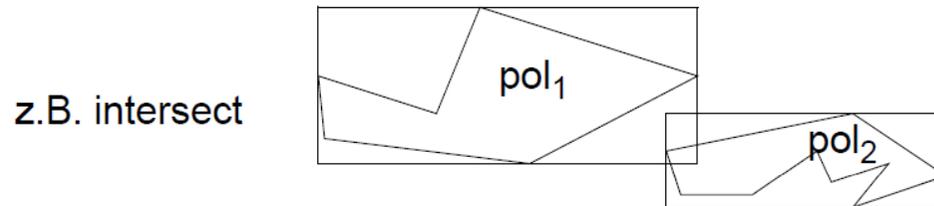
Candidates := Candidates \cup {Entry};

ELSE

 window_index_query (Entry.Subtree[^], Window, Predicate, Candidates);

Algorithmus

- Wenn $\text{predicate}(\text{MUR}(\text{pol}_1), \text{MUR}(\text{pol}_2))$ gilt, dann muss nicht unbedingt $\text{predicate}(\text{pol}_1, \text{pol}_2)$ gelten.



- Aber: Wenn $\text{NOT } \text{predicate}(\text{MUR}(\text{pol}_1), \text{MUR}(\text{pol}_2))$ gilt, dann gilt auch $\text{NOT } \text{predicate}(\text{pol}_1, \text{pol}_2)$.
- Frage: Unter welchen Umständen kann man schon echte Treffer (Polygone, die die Anfrage erfüllen) an der Beziehung der MUR's erkennen?
 - beim Prädikat intersect?
 - Bei anderen Prädikaten? (siehe Übung)

Parameter

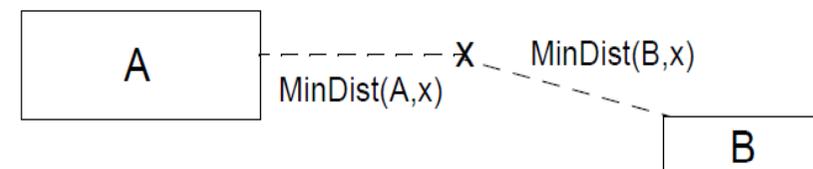
- SpatialIndex (R-Baum, Quadtree, etc.) → DB
- QueryPoint → Obj

Variablen

- PartitionList: Eine Liste von Partitionen des Datenraums, der durch SpatialIndex verwaltet wird. Eine *Partition* ist z.B. durch ein MUR oder durch einen Quadranten definiert. PartitionList wird nach MinDist zum QueryPoint aufsteigend sortiert.
- NN: der Nächste Nachbar von QueryPoint in den bisher gelesenen Datenseiten

Hilfsfunktion

- $\text{MinDist}(\text{Partition}, \text{Point})$ = minimale Distanz, die theoretisch zwischen dem Anfragepunkt und einem Eintrag der Partition vorkommen kann.

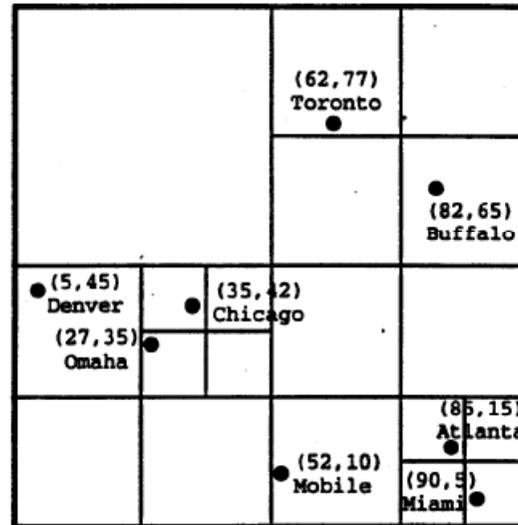


Algorithmus

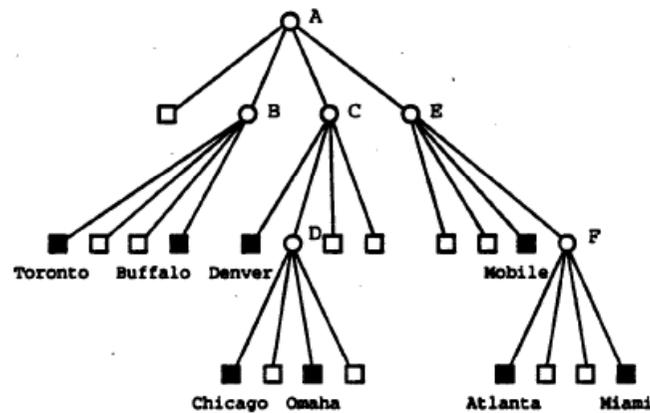
```
Initialisiere PartitionList mit den Root-Partitionen des SpatialIndex;  
Sortiere die Einträge  $p$  der PartitionList nach  $\text{MinDist}(p, \text{QueryPoint})$ ;  
NNdist := MAXREAL;  
WHILE PartitionList  $\neq \emptyset$  DO  
  Entferne erstes Element TopPart aus PartitionList;  
  IF TopPart ist ein Blatt des SpatialIndex THEN  
    FOR EACH Entry  $\in$  TopPart DO  
      NNC := Entry.RetrieveExactGeometry();  
      IF  $\text{dist}(\text{QueryPoint}, \text{NNC}) < \text{NNdist}$  THEN  
        NN := NNC; NNdist :=  $\text{dist}(\text{QueryPoint}, \text{NNC})$ ;  
      END IF;  
    END FOR  
  Entferne alle Elemente  $q$  aus der PartitionList für die gilt:  $\text{MinDist}(q, \text{QueryPoint}) > \text{NNdist}$ ;  
  ELSIF TopPart liegt in einem inneren Knoten des SpatialIndex THEN  
    ersetze TopPart durch seine Sohn-Partitionen;  
    Sortiere die PartitionList erneut nach  $\text{MinDist}(\text{part}, \text{QueryPoint})$ ;  
  END IF;  
END WHILE;  
RETURN NN;
```

5.1 Nächste-Nachbarn-Anfragen

Beispiel

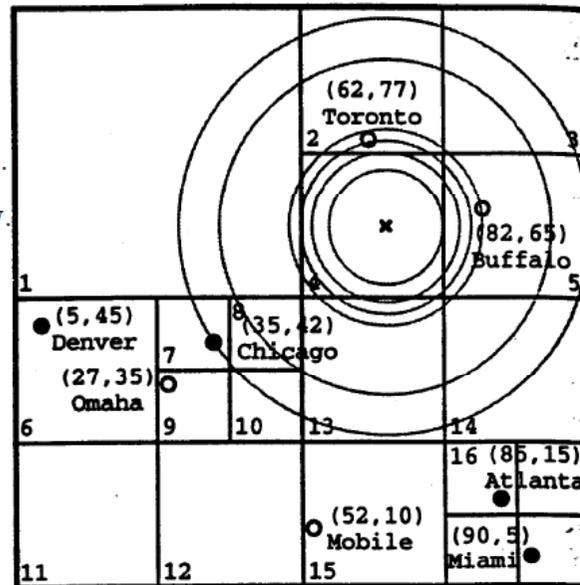


PR-Quadtree
mit Blattkapazität 1



Beispiel

- < 1 Million Einw.
- ≥ 1 Million Einw.



Vorausgesetzt wird eine Abzählung der Blätter des PR-Quadtrees

Partitionen des PR-Quadtrees werden codiert als a/b

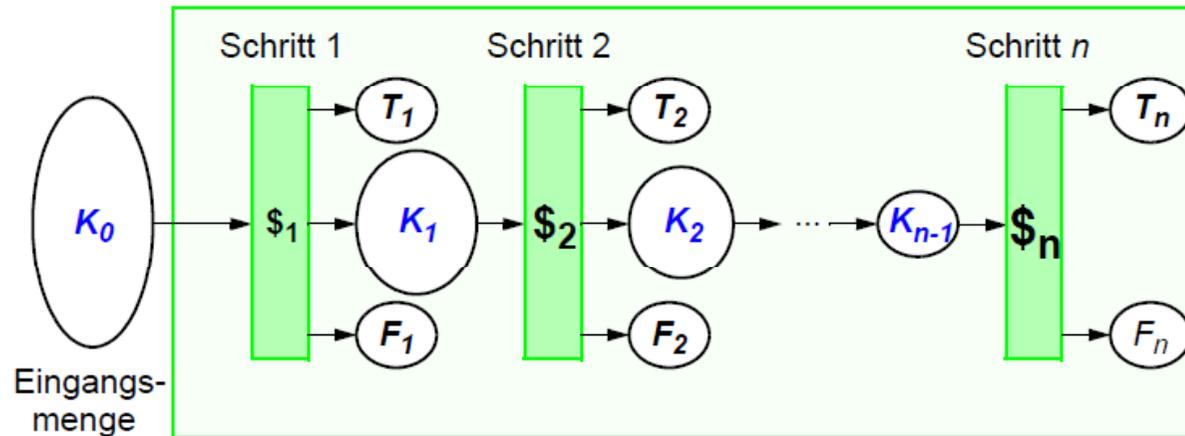
a = Tiefe

b = für innere Knoten: Nummer des nordwestlichsten Blatts im Teilbaum
für Blattknoten: Nummer des Blattes
z.B. Wurzel = 0/1, Quadrant NE = 1/2

Suche die zum Punkt x nächstgelegene Millionenstadt!

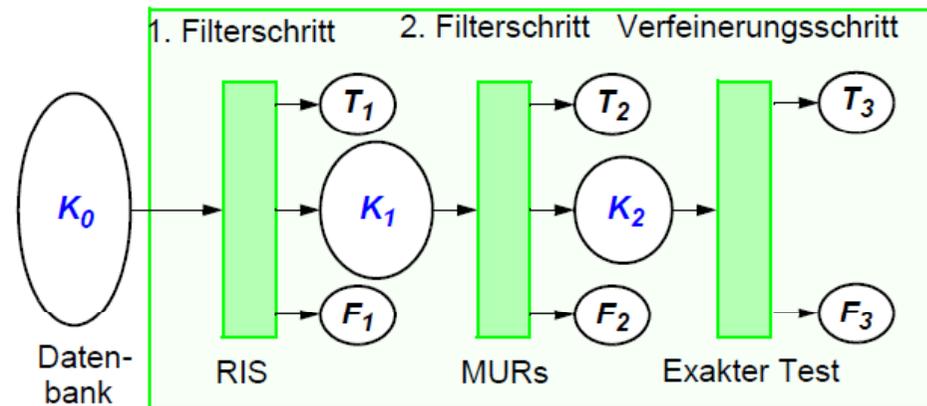
- PartitionList = 1. [1/2, 1/13, 1/1, 1/6], 2. [2/4, 2/5, 1/13, 2/2, 1/1, 2/3, 1/6], 3. [2/5, 1/13, 2/2, 1/1, 2/3, 1/6], 4. [1/13, 2/2, 1/1, 2/3, 1/6], 5. [2/13, 2/2, 1/1, 2/3, 2/14, 1/6, 2/15, 2/16], 6. [2/2, 1/1, 2/3, 2/14, 1/6, 2/15, 2/16], 7. [1/1, 2/3, 2/14, 1/6, 2/15, 2/16], . . .
- NN = nach 4.: Buffalo (zu klein), nach 7.: Toronto (zu klein), . . . , Chicago (Millionenstadt)
→ Chicago

Überblick



- T_i Menge der in Schritt i identifizierten *Treffer* (Antworten)
- F_i Menge der in Schritt i ausgefilterten *Fehlreffer* (keine Antworten)
- K_i Menge der nach Schritt i verbliebenen *Kandidaten* (potentielle Antworten)
- $\$i$ Kosten des Schritts i für einen *Kandidaten*
- Ziel: Minimierung der Gesamtkosten
 \Rightarrow Minimierung von K_i , d.h. Maximierung von T_i und F_i , mit möglichst geringem $\$i$

Konkretisierung



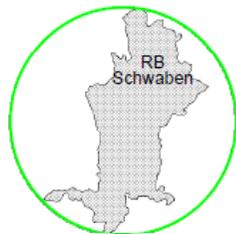
1. Bestimmung der Datenseiten, die Treffer und Kandidaten enthalten, durch RIS (z.B. R-Baum, ...)
2. Bestimmung der Objekte auf den gefundenen Datenseiten, die aufgrund ihrer MURs als Treffer in Frage kommen
3. Einlesen und Test der exakten Geometrie bezüglich der Anfragebedingung (z.B. Punkt-in-Polygon-Test für Point Query)

Weitere Verbesserungen

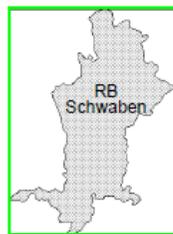
- Weitere Approximationen für zusätzliche Filterschritte
- Zerlegung der Geo-Objekte und exakter Test nur auf relevanten Komponenten

Konservative Approximationen

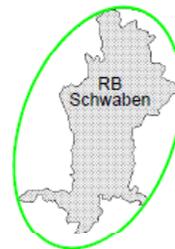
- enthalten das zu approximierende Objekt vollständig
- dienen insbesondere zur Bestimmung von Fehltreffern
(Beispiel: $\neg (a.kons_appr \cap b.kons_appr) \Rightarrow \neg (a \cap b)$)
- Vergleich verschiedener konservativer Approximationen



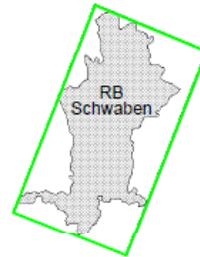
Kreis - 215%
3 Parameter



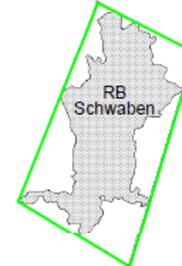
MUR - 193%
4 Parameter



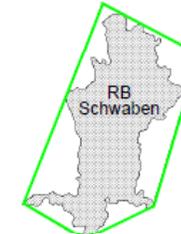
Ellipse - 168%
5 Parameter



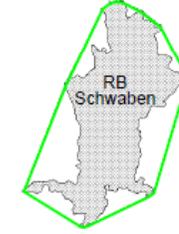
Gedrehtes MUR
162% - 5 Param.



4-Eck - 144%
8 Parameter



5-Eck - 133%
10 Parameter

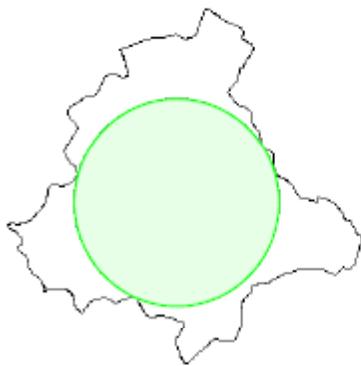


Konvexe Hülle
123% - ? Param.

- (Es sind die durchschnittlichen Flächen der Approximationen in Prozent zur Objektfläche (=100%) angegeben (BKS 93))
⇒ 5-Eck: guter Kompromiß zwischen Genauigkeit und Speicherplatzbedarf

Progressive Approximationen

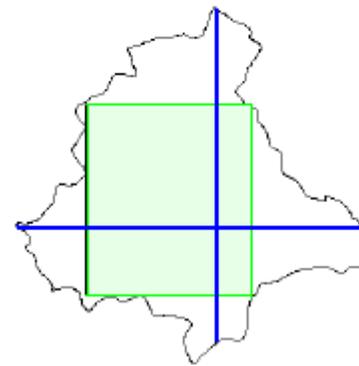
- sind vollständig im zu approximierenden Objekt enthalten
- dienen insbesondere zur Bestimmung von Treffern (Beispiel: $(a.\text{prog_appr} \cap b.\text{prog_appr}) \Rightarrow (a \cap b)$)
- Berechnung schwierig (insbesondere für maximale progressive Approximationen)



Kreis - 42%



Rechteck - 45%



Rechteck & Strecken