Chapter 9: "Veracity" Managing Uncertain Data

Aus dem Skript zur Vorlesung Datenbanksystem II Dr. Andreas Züfle



							88	
					q		8	
					P		88	
		1			-	æ	88	
	23	3	5		-	8	88	
	8		۵	٥		3	8	
		۴	_	5	đ		88	
							88	
-	-	-	-	-	-	-	-	

Geo-Spatial Data

- Huge flood of geo-spatial data
 - Modern technology
 - New user mentality
- Great research potential
 - New applications
 - Innovative research
 - Economic Boost
 - "\$600 billion potential annual consumer surplus from using personal location data" [1]

[1] McKinsey Global Institute. Big data: The next frontier for innovation, competition, and productivity. June 2011.





Spatio-Temporal Data

- (object, location, time) triples
- Queries:
 - "Find friends that attended the same concert last saturday"
- Best case: Continuous function $time \rightarrow space$



GPS log taken from a thirty minute drive through Seattle Dataset provided by: P. Newson and J. Krumm. Hidden Markov Map Matching Through Noise and Sparseness. ACMGIS 2009.

			۹		
r				3	
Þ	-		2	4	
12	3			з	
12					
	26	-		2	

Sources of Uncertainty

- Missing Observations
 - Missing GPS signal
 - RFID sensors available in discrete locations only
 - Wireless sensor nodes sending infrequently to preserve energy
 - Infrequent check-ins of users of geo-social networks

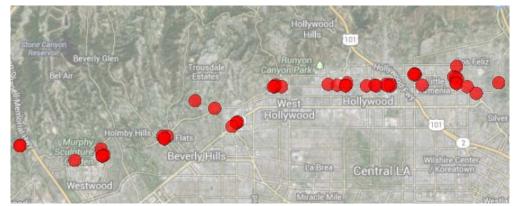


Dataset provided by: E. Cho, S. A. Myers and J. Leskovek. Friendship and Mobility: User Movement in Location-Based Social Networks. SIGKDD 2011.



Sources of Uncertainty

- Uncertain Observations
 - Imprecise sensor measurements (e.g. radio triangulation, Wi-Fi positioning)
 - Inconsistent information (e.g. contradictive sensor data)
 - Human errors (e.g. in crowd-sourcing applications)
- > From database perspective, the position of a mobile object is uncertain



Dataset provided by: E. Cho, S. A. Myers and J. Leskovek. Friendship and Mobility: User Movement in Location-Based Social Networks. SIGKDD 2011.



Uncertainty in Spatial Data

• At time 10:07: Where is an object having past observations at times 10:05am and 10:06am?





Previous Solution: Extrapolation

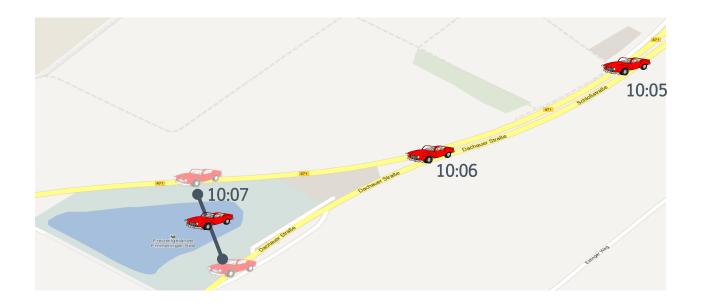
- Unknown positions are estimated using past observations
- No semantic information (road network, driver behaviour etc.)

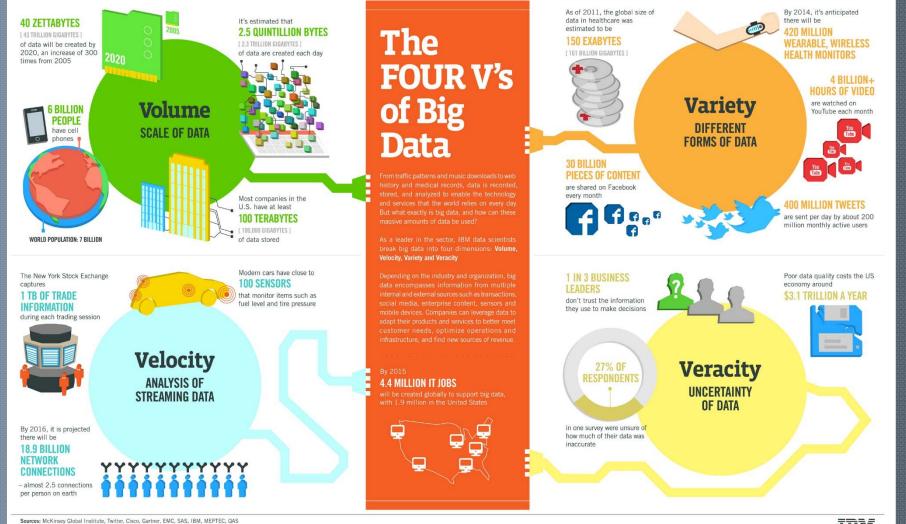




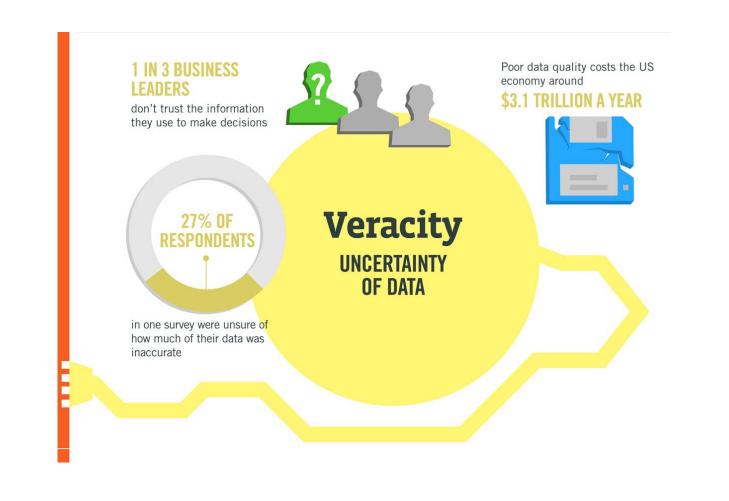
Previous Solution: Aggregation

- Exploit semantic knowledge to obtain possible positions of an object
- Aggregate possible positions (expected position, most-likely position)





IBM.

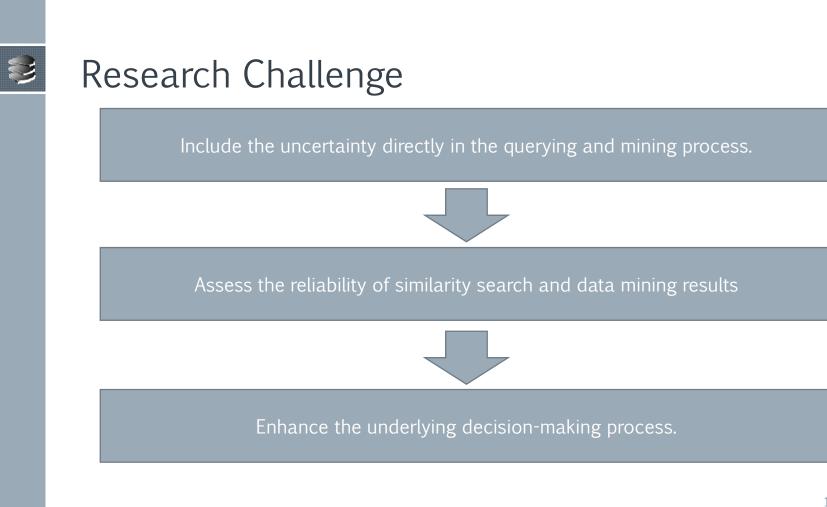




Research Challenge

Include the uncertainty directly in the querying and mining process.

Research Challenge
Include the uncertainty directly in the querying and mining proces
Assess the reliability of similarity search and data mining results





Overview

1. Introduction to Probability Theory

2. Case Study: Probabilistic Count Queries



Overview

1. Introduction to Probability Theory

2. Case Study: Probabilistic Count Queries



Probability Theory: Random Variables

A random variable *X* is a variable whose value is subject to variations due to chance.

The set of possible outcomes of *X* is denoted as Ω .



Probability Theory: Random Variables

A random variable *X* is a variable whose value is subject to variations due to chance.

The set of possible outcomes of X is denoted as Ω .

Example 1: Coin toss





Probability Theory: Random Variables

A random variable *X* is a variable whose value is subject to variations due to chance.

The set of possible outcomes of X is denoted as Ω .

Example 1: Coin toss



Example 2: Dice throw

 $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$



Any $\omega \subseteq \Omega$ is called a random event.



Any $\omega \subseteq \Omega$ is called a random event.

Example 3: Dice throw $\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}$ Event A := "An even number is thrown" = $\{2,4,6\} \subseteq \Omega$



Any $\omega \subseteq \Omega$ is called a random event.

Example 3: Dice throw $\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}$ Event A := "An even number is thrown" = $\{2,4,6\} \subseteq \Omega$

Example 4: Throw of two dice. $\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}^2 = \{(1,1), (1,2), \dots, (6,6)\}$ Event B := "The sum of points thrown equals 4" = $\{(1,3), (2,2), (3,1)\} \subseteq \Omega$



Any $\omega \subseteq \Omega$ is called a random event.

Example 3: Dice throw $\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}$ Event A := "An even number is thrown" = $\{2,4,6\} \subseteq \Omega$

Example 4: Throw of two dice. $\Omega = \{1,2,3,4,5,6\}^2 = \{(1,1), (1,2), \dots, (6,6)\}$ Event B := "The sum of points thrown equals 4" = $\{(1,3), (2,2), (3,1)\} \subseteq \Omega$

Let *X* be a random variable and let ω be a random event. Then $P(X = \omega)$ denotes the probability that random variable *X* takes a value in ω .



Probability Theory: Probability Mass Function

Let $\boldsymbol{\Omega}\,$ be finite or countably infinite. A function

 $p{:}\,\Omega \to [0,1]$

such that

$$\sum_{\substack{\omega \in \Omega \\ \text{(pmf)}}} p(w) = 1$$

is called probability mass function (pmf).



Probability Theory: Probability Mass Function

Let $\boldsymbol{\Omega}\,$ be finite or countably infinite. A function

 $p{:}\,\Omega \to [0,1]$

such that

$$\sum_{\substack{\omega \in \Omega \\ \text{(nmf)}}} p(w) = 1$$

is called probability mass function (pmf).

A pmf p_X is called pmf of a random variable X if for any $\omega \in \Omega$: $P(X = w) = p_X(w)$



Probability Theory: Probability Mass Function

Let $\boldsymbol{\Omega}\,$ be finite or countably infinite. A function

 $p{:}\,\Omega \to [0,1]$

such that

$$\sum_{\substack{\omega \in \Omega \\ n = 1}} p(w) = 1$$

is called probability mass function (pmf).

A pmf p_X is called pmf of a random variable X if for any $\omega \in \Omega$: $P(X = w) = p_X(w)$

Example 5: Dice throw $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

$$P(X = 1) = p_X(1) = \frac{1}{6}$$

3

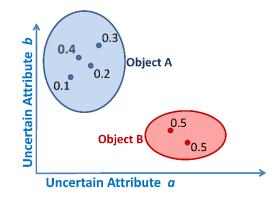
Uncertain Data

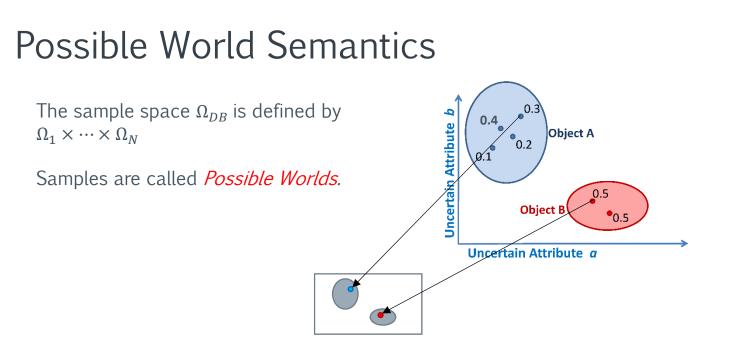
• In an uncertain database $DB = \{o_1, ..., o_N\}$, each object $o \in DB$ is a random variable.

Uncertain Data

3

• In an uncertain database $DB = \{o_1, ..., o_N\}$, each object $o \in DB$ is a random variable.



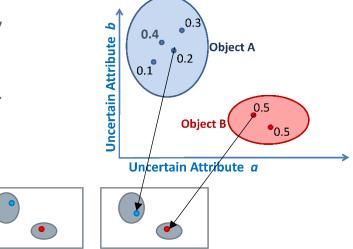




Possible World Semantics

The sample space Ω_{DB} is defined by $\Omega_1 \times \cdots \times \Omega_N$

Samples are called *Possible Worlds*.

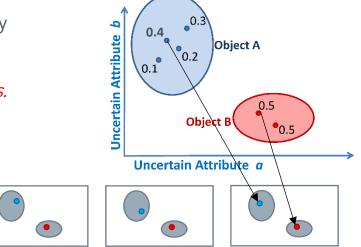


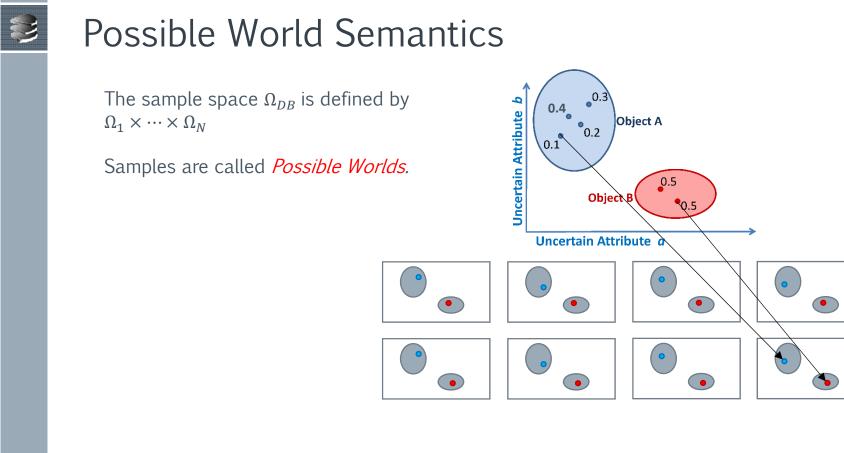


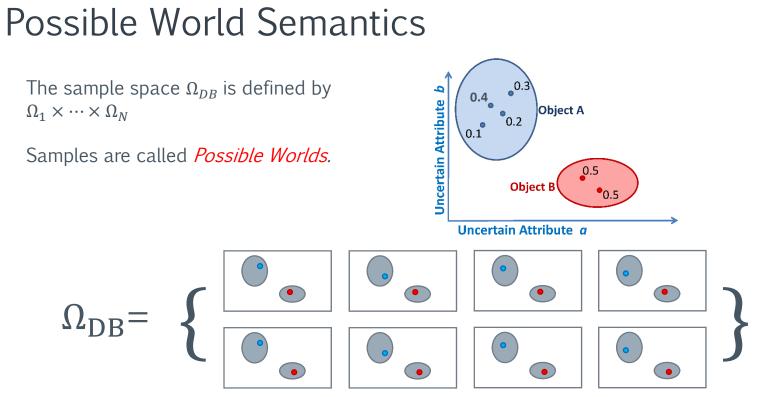
Possible World Semantics

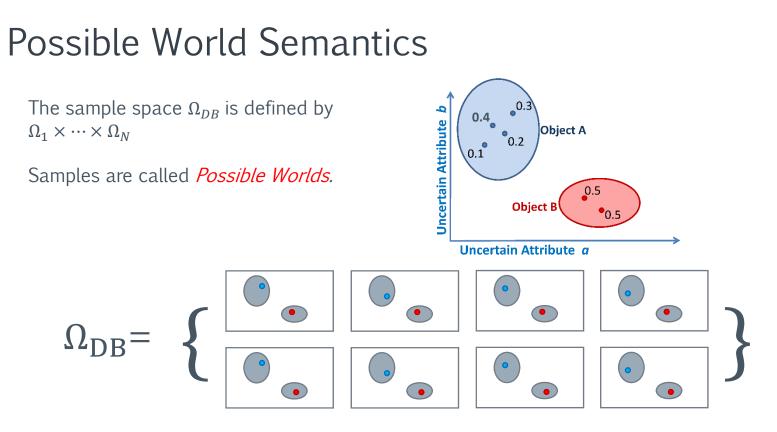
The sample space Ω_{DB} is defined by $\Omega_1 \times \cdots \times \Omega_N$

Samples are called *Possible Worlds*.









Assumption: $p_{DB}: \Omega \rightarrow [0,1]$ can be computed efficiently.

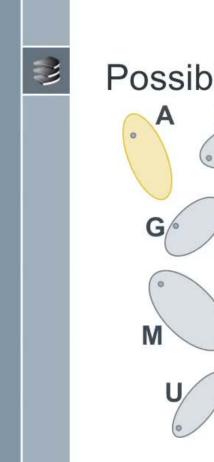


Answering Queries using PWS

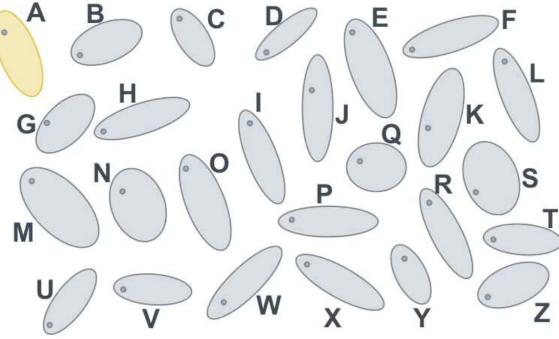
Let φ be a query predicate and let $I(\varphi, w \in \Omega_{DB})$ be an indicator function returning one if predicate φ holds in world w and zero otherwise.

The probability $P(\varphi, D)$ of the event that a query predicate φ holds on an uncertain database *DB* is defined as

$$P(\varphi, D) = \sum_{w \in \Omega_{DB}} I(\varphi, w) P(w)$$



Possible Worlds: Example II





*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

Wenn diese Fehlermeldung zum ersten Mal angezeigt wird, starten Sie den Computer neu. Sollte diese Fehlermeldung dann erneut angezeigt werden, gehen Sie folgendermaßen vor:

*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

Wenn diese Fehlermeldung zum ersten Mal angezeigt wird, starten Sie den Computer neu. Sollte diese Fehlermeldung dann erneut angezeigt werden, gehen Sie folgendermaßen vor:

überprüfen Sie, ob genügend Festplattenkapazität vorhanden ist. Wird ein Treiber in der Fehlermeldung aufgeführt, deaktivieren Sie diesen Treiber oder erkundigen Sie sich beim Hersteller nach neuen aktualisierten Treibern. Wechseln Sie gegebenenfalls die Grafikkarte.

Erkundigen Sie sich beim Gerätehersteller nach BIOS-Aktualisierungen. Deaktivieren Sie BIOS-Speicheroptionen, wie "Caching" oder "Shadowing". Falls Sie Komponenten im abgesicherten Modus deaktivieren oder entfernen müssen, starten Sie den Computer neu, drücken Sie F8, um die erweiterten Startoptionen anzuzeigen, und wählen Sie den abgesicherten Modus.

*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

Wenn diese Fehlermeldung zum ersten Mal angezeigt wird, starten Sie den Computer neu. Sollte diese Fehlermeldung dann erneut angezeigt werden, gehen Sie folgendermaßen vor:

überprüfen Sie, ob genügend Festplattenkapazität vorhanden ist. Wird ein Treiber in der Fehlermeldung aufgeführt, deaktivieren Sie diesen Treiber oder erkundigen Sie sich beim Hersteller nach neuen aktualisierten Treibern. Wechseln Sie gegebenenfalls die Grafikkarte.

Erkundigen Sie sich beim Gerätehersteller nach BIOS-Aktualisierungen. Deaktivieren Sie BIOS-Speicheroptionen, wie "Caching" oder "Shadowing". Falls Sie Komponenten im abgesicherten Modus deaktivieren oder entfernen müssen, starten Sie den Computer neu, drücken Sie F8, um die erweiterten Startoptionen anzuzeigen, und wählen Sie den abgesicherten Modus.

Heitere Informationen zur Problembehandlung finden Sie im Handbuch "Erste Schritte".

*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

Wenn diese Fehlermeldung zum ersten Mal angezeigt wird, starten Sie den Computer neu. Sollte diese Fehlermeldung dann erneut angezeigt werden, gehen Sie folgendermaßen vor:

überprüfen Sie, ob genügend Festplattenkapazität vorhanden ist. Wird ein Treiber in der Fehlermeldung aufgeführt, deaktivieren Sie diesen Treiber oder erkundigen Sie sich beim Hersteller nach neuen aktualisierten Treibern. Wechseln Sie gegebenenfalls die Grafikkarte.

Erkundigen Sie sich beim Gerätehersteller nach BIOS-Aktualisierungen. Deaktivieren Sie BIOS-Speicheroptionen, wie "Caching" oder "Shadowing". Falls Sie Komponenten im abgesicherten Modus deaktivieren oder entfernen müssen, starten Sie den Computer neu, drücken Sie F8, um die erweiterten Startoptionen anzuzeigen, und wählen Sie den abgesicherten Modus.

Heitere Informationen zur Problembehandlung finden Sie im Handbuch "Erste Schritte".

Too many possible worlds

*** Address 804A65B3 base at 80400000, DateStamp 45ec3c8f - ntoskrnl.exe

Wenn diese Fehlermeldung zum ersten Mal angezeigt wird, starten Sie den Computer neu. Sollte diese Fehlermeldung dann erneut angezeigt werden, gehen Sie folgendermaßen vor:

überprüfen Sie, ob genügend Festplattenkapazität vorhanden ist. Wird ein Treiber in der Fehlermeldung aufgeführt, deaktivieren Sie diesen Treiber oder erkundigen Sie sich beim Hersteller nach neuen aktualisierten Treibern. Wechseln Sie gegebenenfalls die Grafikkarte.

Erkundigen Sie sich beim Gerätehersteller nach BIOS-Aktualisierungen. Deaktivieren Sie BIOS-Speicheroptionen, wie "Caching" oder "Shadowing". Falls Sie Komponenten im abgesicherten Modus deaktivieren oder entfernen müssen, starten Sie den Computer neu, drücken Sie F8, um die erweiterten Startoptionen anzuzeigen, und wählen Sie den abgesicherten Modus.

Weitere Informationen zur Problembehandlung finden Sie im Handbuch "Erste Schritte".

Too many possible worlds

Main challenge:

- Answer queries efficiently.
- Despite an exponential number of possible worlds



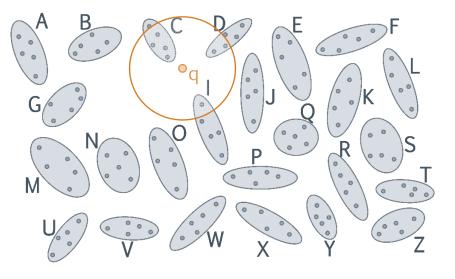
Overview

Introduction to Probability Theory
Case Study: Probabilistic Count Queries



Count Queries on Uncertain Data

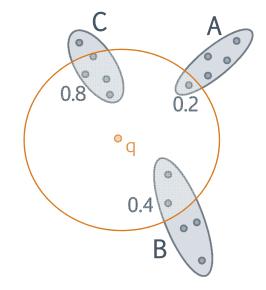
How many objects are located in the depicted circular region centered at query point q?





Count Queries on Uncertain Data

- \geq 2^{|DB|} possible worlds
- Main idea: Use polyomial multiplication to enumerate possible results

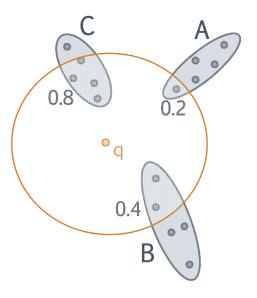




Count Queries on Uncertain Data

Example:

 $\begin{aligned} \mathcal{F} &= \\ \left(P(A) \cdot x + 1 - P(A) \right) \cdot \\ \left(P(B) \cdot x + 1 - P(B) \right) \cdot \\ \left(P(C) \cdot x + 1 - P(C) \right) \end{aligned}$





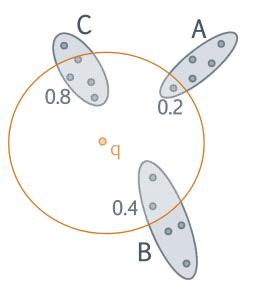
Count Queries on Uncertain Data

Example:

 $\begin{aligned} \mathcal{F} &= \\ \left(P(A) \cdot x + 1 - P(A) \right) \cdot \\ \left(P(B) \cdot x + 1 - P(B) \right) \cdot \\ \left(P(C) \cdot x + 1 - P(C) \right) &= \end{aligned}$

 $(0.2x+0.8) \cdot (0.4x+0.6) \cdot (0.8x+0.2) =$

 $(0.08x^2 + 0.12x + 0.32x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2)$





Count Queries on Uncertain Data

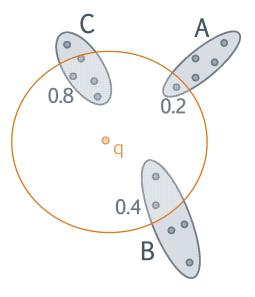
Example:

 $\mathcal{F} = (P(A) \cdot x + 1 - P(A)) \cdot (P(B) \cdot x + 1 - P(B)) \cdot (P(C) \cdot x + 1 - P(C)) =$

 $(0.2x+0.8) \cdot (0.4x+0.6) \cdot (0.8x+0.2) =$

 $(0.08x^2 + 0.12x + 0.32x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$

 $(0.08x^2 + 0.44x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2)$



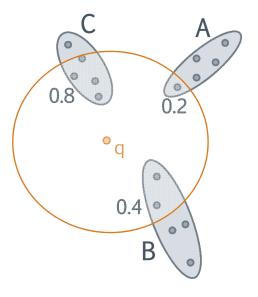


Count Queries on Uncertain Data

Example:

 $\mathcal{F} = (P(A) \cdot x + 1 - P(A)) \cdot (P(B) \cdot x + 1 - P(B)) \cdot (P(C) \cdot x + 1 - P(C)) =$

 $(0.2x+0.8) \cdot (0.4x+0.6) \cdot (0.8x+0.2) =$ $(0.08x^{2} + 0.12x + 0.32x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ $(0.08x^{2} + 0.44x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ $(0.032x^{3} + 0.224x^{2} + 0.456x^{1} + 0.288x^{0})$





Count Queries on Uncertain Data

Example:

 $\mathcal{F} =$ $(P(A) \cdot x + 1 - P(A)) \cdot$ $(P(B) \cdot x + 1 - P(B)) \cdot$ $(P(C) \cdot x + 1 - P(C)) =$ 0 0 0.8 $(0.2x+0.8) \cdot (0.4x+0.6) \cdot (0.8x+0.2) =$ 0 Q $(0.08x^2 + 0.12x + 0.32x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ 0 0.4\• $(0.08x^2 + 0.44x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ 00 $(0.032x^3 + 0.224x^2) + 0.456x^1 + 0.288x^0)$ В Probability that exactly two objects are inside the query region



Count Queries on Uncertain Data

Example:

 $\mathcal{F} = (P(A) \cdot x + 1 - P(A)) \cdot (P(B) \cdot x + 1 - P(B)) \cdot (P(C) \cdot x + 1 - P(C)) =$

 $(0.2x+0.8) \cdot (0.4x+0.6) \cdot (0.8x+0.2) =$ $(0.08x^{2} + 0.12x + 0.32x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ $(0.08x^{2} + 0.44x + 0.48) \cdot (0.8x + 0.2) =$ $(0.032x^{3} + 0.224x^{2} + 0.456x^{1} + 0.288x^{0})$

Polynomial time solution: Unify worlds that are equvalent with respect to the query predicate!

21



